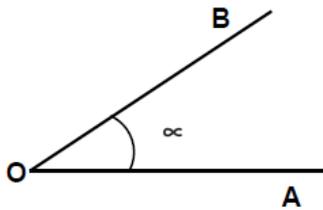


# I – Ângulos

Região plana limitada por duas semi-retas de mesma origem.

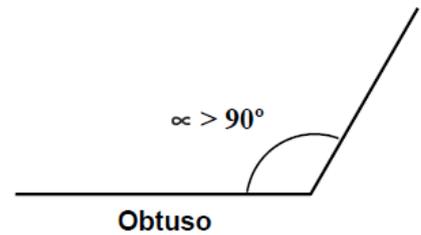
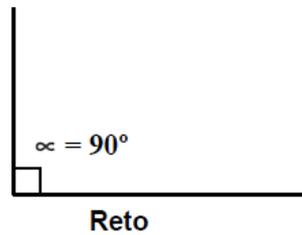
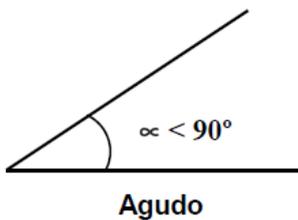


- $\vec{OA}$  e  $\vec{OB}$  são semi-retas
- O ponto  $O$ , origem comum às semi-retas, é o vértice do ângulo.

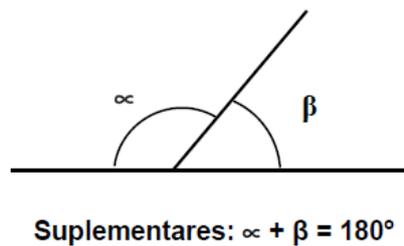
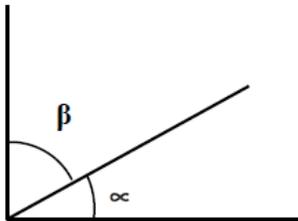
**Notação:** Usamos  $A\hat{O}B = B\hat{O}A$ , o vértice  $\hat{O}$  ou simplesmente  $\alpha$ .

## II – Classificação

1) Seja  $\alpha$  um ângulo qualquer. O ângulo  $\alpha$  pode ser classificado como:



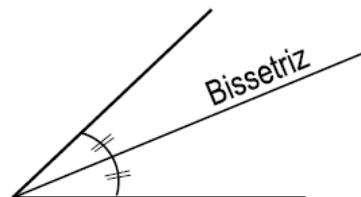
2) Sejam  $\alpha$  e  $\beta$  dois ângulos quaisquer. Dizemos que  $\alpha$  e  $\beta$  são:



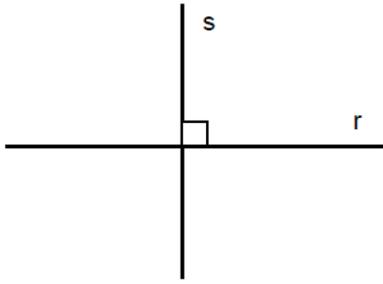
Obs: Seja  $x$  um ângulo. Representaremos por  $(90^\circ - x)$  e  $(180^\circ - x)$ , respectivamente, o complemento e o suplemento do ângulo  $x$ .

## III – Considerações Importantes

1) **Bissetriz** de um ângulo é a semi-reta que divide o ângulo em dois ângulos congruentes (isto é, de medidas iguais)

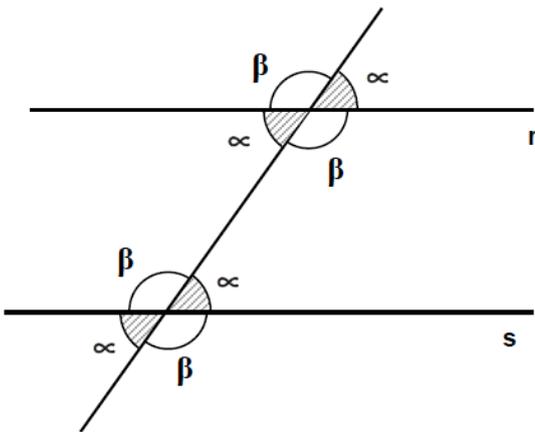


2) **Retas Perpendiculares** são retas concorrentes (que possuem um ponto em comum) que formam ângulos retos.



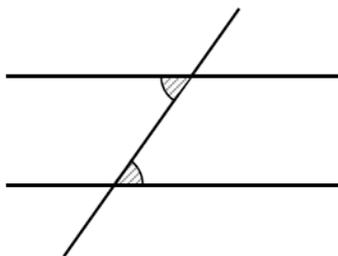
Denotamos por:  
 $r \perp s$ : r perpendicular a s

3) **Duas retas paralelas** cortadas por **uma transversal** formam oito ângulos que guardam algumas propriedades.

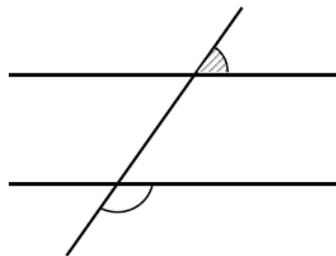


- $r \parallel s$ : r é paralela a s
- Observe que  $\alpha + \beta = 180^\circ$

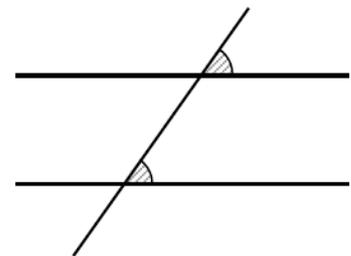
Esses ângulos são classificados, aos pares, de acordo com a posição que ocupam em relação às paralelas e à transversal. Destacamos:



Alternos internos



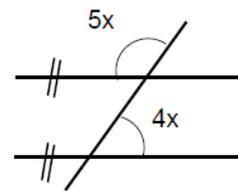
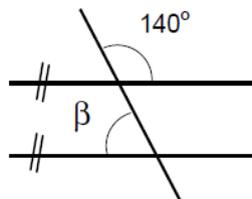
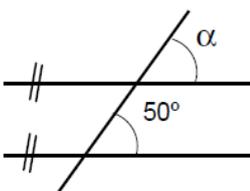
Colaterais externos



Correspondentes

Observe que, independente dos nomes que tenham esses ângulos, é possível identificar medidas de ângulos dessa figura se soubermos a medida de pelo menos um deles.

Exemplos.



Nas figuras acima temos:  $\alpha = 50^\circ$ ,  $\beta = 40^\circ$  e  $5x + 4x = 180^\circ$ , portanto,  $x = 20^\circ$ .