

# M7

# Matemática

ESCOLA MUNICIPAL \_\_\_\_\_ TURMA \_\_\_\_\_

NOME: \_\_\_\_\_

Aluno



Todos na luta contra o ***Aedes aegypti***!  
Ele não transmite só a **Dengue**, mas **Zika**  
e **Chikungunya** também.



Encha de areia, até a borda, os pratinhos dos vasos de planta.



Entregue seus pneus velhos ao serviço de limpeza urbana ou guarde-os, sem água, em local coberto, abrigados da chuva.



Coloque o lixo em sacos plásticos e mantenha a lixeira bem fechada.



Mantenha a caixa d'água sempre fechada com tampa adequada.



Não deixe a água da chuva acumulada sobre a laje.



Remova as folhas, os galhos e tudo que possa impedir a água de correr pelas calhas.



Troque a água e lave o vaso de sua planta pelo menos uma vez por semana.



Guarde garrafas sempre de cabeça para baixo.



Mantenha bem tampados tonéis e barris d'água.



Lave, semanalmente, por dentro e com sabão, os tanques utilizados para armazenar água.

**Elimine os focos do  
*Aedes aegypti*.**

Adaptado de Caderno Pedagógico – Ciências 6.º Ano (2.º bimestre/2016)  
Profª Simone Fadel e Profª Simone Medeiros

**JUREMA HOLPERIN**  
SUBSECRETARIA DE ENSINO

**MARIA DE NAZARETH MACHADO DE BARROS VASCONCELLOS**  
COORDENADORIA DE EDUCAÇÃO

**NAIRA CRISTINA VIEIRA LEMOS DE OLIVEIRA**  
ELABORAÇÃO

**FRANCISCO RODRIGUES DE OLIVEIRA**  
**GIBRAN CASTRO DA SILVA**  
**SIMONE CARDOZO VITAL DA SILVA**  
REVISÃO

# FORMAS GEOMÉTRICAS

Olhando à nossa volta, facilmente percebemos que, por toda parte, há diferentes **formas geométricas**. Tanto na natureza, como nos objetos construídos pelo homem. Nos jogos e brincadeiras, encontramos muitos elementos da **Geometria**. Vivemos em um mundo de formas geométricas.



<http://www.flickr.com>

FIQUE LIGADO!!!

Geometria é a parte da matemática cujo objetivo é o estudo do espaço e das figuras que podem ocupá-lo.

Dicionário eletrônico Houaiss 3



[user:img.todooferta.uol.com.br](http://img.todooferta.uol.com.br)



<http://www.flickr.com>



<http://www.brasil-turismo.com.br>

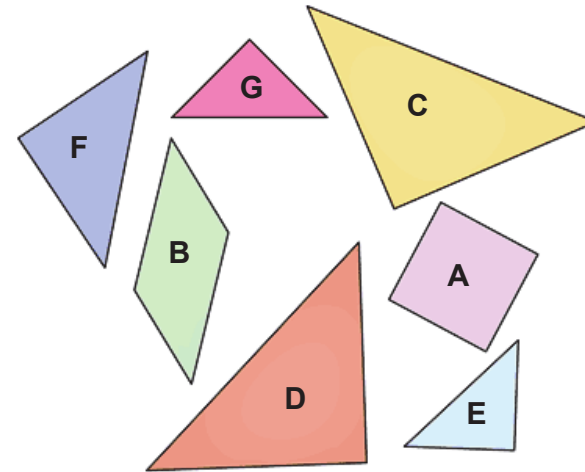


clipart

FIQUE LIGADO!!!

Dizemos que uma figura é plana quando todos os seus pontos situam-se no mesmo plano.

Copie as sete formas geométricas, apresentadas abaixo, em uma folha de papel. Recorte-as e forme, com elas, uma região quadrada. Depois, cole-as em seu caderno.



<http://www.flickr.com>

Quais as figuras que possuem 3 lados?

E, quais as figuras que possuem 4 lados?

Organizando as peças...

Figuras com 3 lados.

Figuras com 4 lados.

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

## FORMAS GEOMÉTRICAS PLANAS

http://www.flickr.com

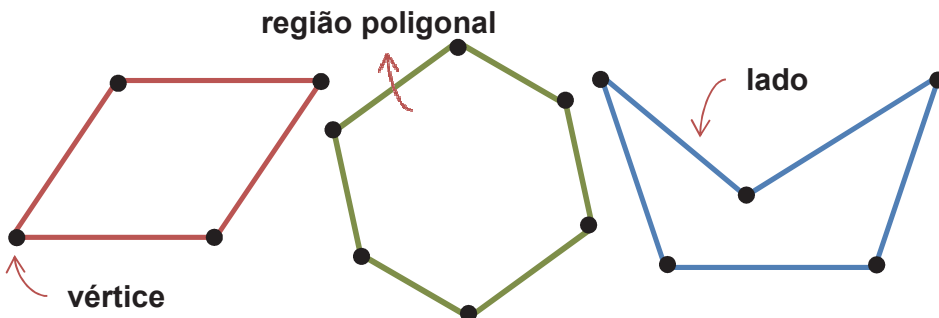


As formas geométricas planas são chamadas, também, de **bidimensionais** ou 2D (**duas** dimensões).

**Polígono** é uma figura plana, formada por segmentos de reta chamados lados dos polígonos.

Os lados dos polígonos interceptam-se, **dois a dois**, em um ponto chamado **vértice**. A **região poligonal** (parte interna limitada por um polígono) também é chamada de polígono.

### Exemplos de polígonos



## Diferença entre figuras 2D e 3D no cinema.

http://www.flickr.com



Em computação gráfica, os objetos **2D** são aqueles com, apenas, **duas** dimensões (**bidimensional**). Eles se constituem de **largura** e **comprimento**. Observe: bi – dois (bicampeão)

As formas classificadas como **tridimensionais** (3D) são as que possuem **comprimento, largura e espessura**.

Observe: tri – três (tricampeão)



http://www.flickr.com

### FIQUE LIGADO!!!

*A maioria dos filmes infantis de estúdios como Disney eram feitos em **2D** e isto só mudou com a chegada de Toy Story, a primeira animação em **3D**.*

http://manhattananimation.wordpress.com/2013/04/05/toy-story-a-primeira-animacao-em-3d/

Polígonos são figuras em 2D ou em 3D? .....

# ÂNGULOS

Chamamos de **ângulo** à região do plano limitada por duas semirretas de mesma origem.

Os ângulos são importantes em muitas atividades humanas. Aparecem na construção civil, nos relógios de ponteiros, nas falas de comentaristas de futebol ao comentar a posição da bola em relação ao gol etc. Podemos observar a ideia de ângulos em situações que envolvam mudanças de direção, nas ideias de giro, de orientação e de direção, muito comuns nos esportes.

Um dos maiores nomes da história do *skate*, **Bob Burnquist** foi o primeiro atleta do esporte a fazer um giro de 90 graus em uma “megarrampa”.



<http://www.flickr.com>

## DIC@

Um giro (uma volta) completo corresponde a 360 graus.

Será que o *skatista* chegou a dar 3 voltas completas?

**Desafio**




---



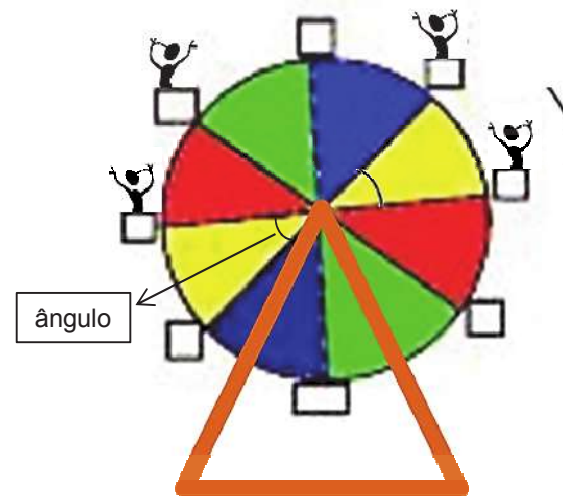
---



---

Dentre os brinquedos de um parque de diversões, a roda gigante é uma das grandes atrações.

Observe que os giros, ao redor de um ponto fixo, dão a ideia de ângulo.



Componentes importantes para a representação do ângulo:

- o ponto de giro (vértice do ângulo);
- o lado inicial do giro;
- o sentido do giro;
- o tamanho do giro (amplitude);
- o lado final do giro.

1 - Escreva outras situações em que encontramos a ideia de giro.

---



---



---

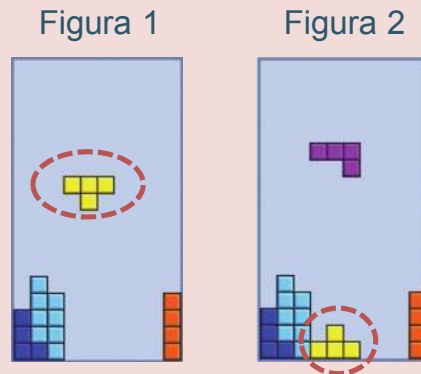
## ESSE JOGO NÃO É SÓ BRINCADEIRA!


Você conhece um jogo chamado **TETRIS**?  
Se você não conhece, não perca a oportunidade!  
Você irá aprender muito sobre a Geometria nesta brincadeira!



VAMOS  
JOGAR?

<http://dagobah.net/flash/tetris.swf>



Quantas vezes é necessário pressionar a tecla , para que a peça destacada da figura 1 fique na posição indicada na figura 2?  
\_\_\_\_\_.

Cada giro desta peça equivale a um ângulo de  $90^\circ$ .

Qual foi o giro total da figura, em graus? \_\_\_\_\_.

## PODEMOS MEDIR UM ÂNGULO?

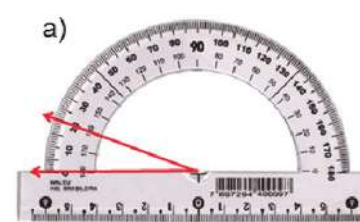
Os ângulos podem ser medidos. O instrumento que usamos para medi-los é o **transferidor**.

Para utilizarmos, corretamente, o transferidor, devemos cumprir as seguintes instruções:

- 1- O centro do transferidor deve coincidir com o vértice do ângulo.
- 2- Uma das semirretas que formam o ângulo deve coincidir com a linha que une o ponto central à indicação do ângulo  $0^\circ$  do transferidor.
- 3- A outra semirreta do ângulo indicará, no transferidor, a medida do ângulo.

- A unidade de medida de ângulo que usaremos é o grau, indicado pelo símbolo:  $^\circ$ .
- Seus submúltiplos são o **minuto** e o **segundo**.

O transferidor é um instrumento usado para medir ângulos em graus. Observe os transferidores apresentados abaixo e indique, em graus, a medida do ângulo.



\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

## FIQUE LIGADO!!!

De acordo com a sua medida, o ângulo possui três classificações:

**RETO** - quando sua medida vale  $90^\circ$ .

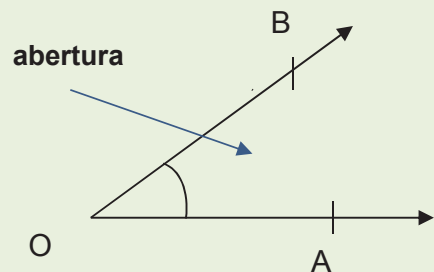
**AGUDO** - quando sua medida se encontra entre  $0^\circ$  e  $90^\circ$ .

**OBTUSO** - quando sua medida é maior que  $90^\circ$  e menor que  $180^\circ$ .

Usamos:

- ° - para representar graus.
- ' - para representar minutos.
- '' - para representar segundos.

Quando medimos um ângulo, não importa a área da região determinada por ele, mas apenas a **abertura** entre as semirretas que formam este ângulo.



Vejam, agora, as relações entre grau, minuto e segundo:

- a)  $1^\circ = 60'$ , ou seja, o grau é 60 vezes maior que o minuto.
- b)  $1' = 60''$ , ou seja, o minuto é 60 vezes maior que o segundo.

Assim, para escrever um ângulo expresso em graus, para um ângulo expresso em minutos, multiplicamos seu valor por 60.

Para transformarmos de minutos para graus, realizamos a operação inversa, isto é, dividimos seu valor por 60.

**Leia** esses exemplos:

- a) escrever  $7^\circ$  em minutos:  $7^\circ = 7 \cdot 60 = 420'$ ;
- b) converter  $120'$  para graus:  $120' = 120' : 60 = 2^\circ$ .

A mesma ação é usada nas conversões de minutos para segundos e vice-versa. Veja alguns exemplos:

- converter  $4'$  em segundos:  $4' = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$
- converter  $720''$  em minutos.  $720'' : 60 = \underline{\hspace{2cm}}$

2 - Complete com  $\frac{1}{2}$  ou  $\frac{1}{4}$ :

Alguns ângulos têm importância especial. O ângulo

- reto mede  $90^\circ$  e é conhecido como ângulo de \_\_\_\_\_ de volta.
- raso mede  $180^\circ$  e é conhecido como ângulo de \_\_\_\_\_ volta.

3 - Quanto mede um ângulo de uma volta completa? \_\_\_\_\_

# TRIÂNGULOS



O **triângulo** é o polígono com o menor número de lados. Você sabia?!  
Lembre-se: tri – triângulo – tridimensional – tricampeão (três).

## Recapitulando

Ângulo reto mede  $90^\circ$ .

Ângulo agudo mede entre  $0^\circ$  e  $90^\circ$ .

Ângulo obtuso mede entre  $90^\circ$  e  $180^\circ$ .

## Classificação quanto aos lados



**Equilátero**  
3 lados com medidas iguais



**Escaleno**  
3 lados com medidas diferentes



**Isósceles**  
2 lados com medidas iguais

## Classificação quanto aos ângulos



**Retângulo**  
1 ângulo reto

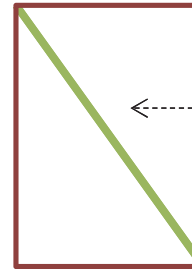


**Acutângulo**  
3 ângulos agudos



**Obtusângulo**  
1 ângulo obtuso

Chamamos de **diagonal** de um polígono ao segmento de reta que liga dois vértices não consecutivos desse polígono.



## DESAFIO

Será que você consegue traçar a **diagonal** de um **triângulo** qualquer? Registre suas conclusões.

---



---



---

Agora, tente traçar a **diagonal** de um **quadrilátero** (polígono de 4 lados) qualquer e registre suas conclusões.

---



---

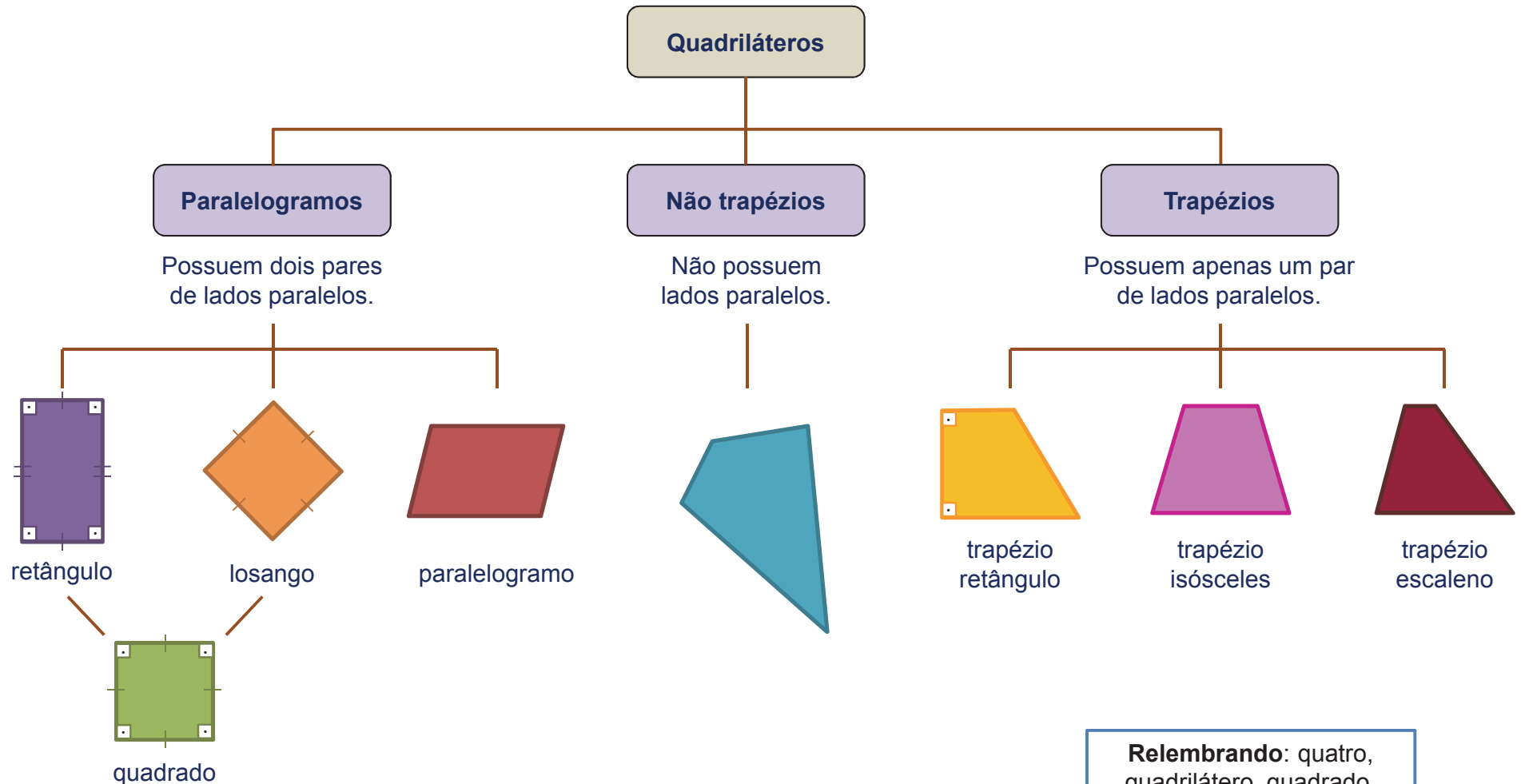


---



# QUADRILÁTEROS

Dependendo de algumas características, os quadriláteros também recebem nomes especiais. Vamos relembrar, observando o esquema a seguir?



**Relembrando:** quatro, quadrilátero, quadrado, quatrocentos...

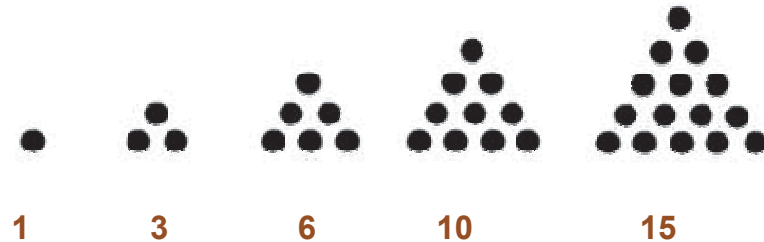
1 - Complete o quadro a seguir:

POLÍGONO	NÚMERO DE LADOS	NÚMERO DE VÉRTICES	NÚMERO DE ÂNGULOS	NÚMERO DE DIAGONAIS
Triângulo				
Quadrado				
Retângulo				
Paralelogramo				
Trapézio				
Losango				

Observe que este grupo de polígonos possui o mesmo número de lados, ângulos, vértices e diagonais.

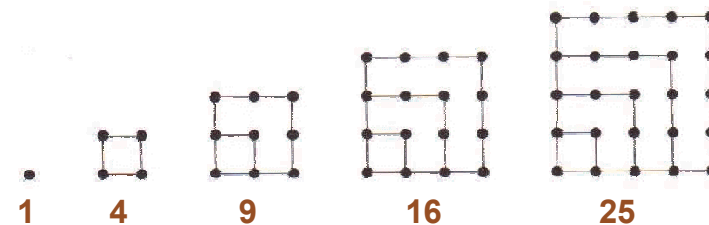
## CURIOSIDADES

Os **números triangulares** são aqueles que podem ser representados por pontos arrumados na forma de um **triângulo**. Observe a sequência:



Qual o próximo número da sequência? \_\_\_\_\_.

Os **números quadrados** são números que podem ser representados por pontos arrumados em forma de quadrado. Observe as figuras apresentadas abaixo:



Qual o próximo número da sequência? \_\_\_\_\_.

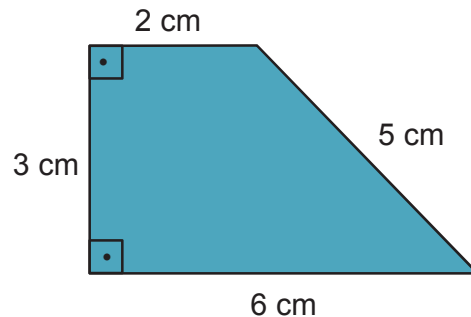
# PERÍMETRO DE FIGURAS

**Perímetro** é um termo derivado do grego:

*Peri* = “ao redor” e *metron* = “medida”.

Desta forma, **perímetro** é a medida do comprimento do contorno de uma figura plana. O perímetro é igual ao comprimento de um contorno ou à soma do comprimento de todos os lados.

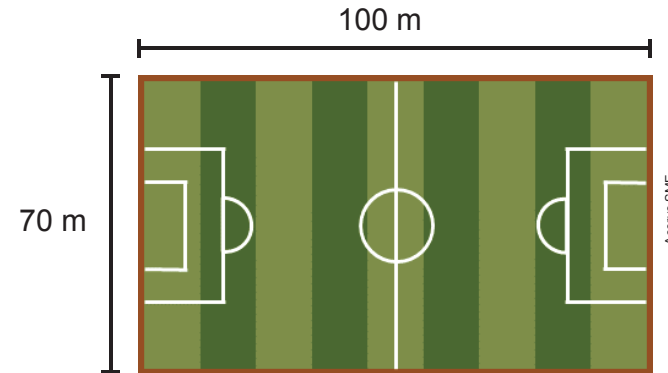
1 - A figura a seguir é um \_\_\_\_\_ com as medidas indicadas em cada um dos lados.



O perímetro desse polígono é:

\_\_\_\_\_ cm + \_\_\_\_\_ cm + \_\_\_\_\_ cm + \_\_\_\_\_ cm = \_\_\_\_\_ cm

2 - Observe o campo de futebol. Ele tem a forma de um \_\_\_\_\_. Para calcular o perímetro desse campo de futebol, você pode resolver de duas maneiras:



a) \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ m

b) ( \_\_\_\_\_ . 2 ) + ( \_\_\_\_\_ . 2 ) = \_\_\_\_\_ m

c) O contorno desse campo de futebol (perímetro) mede \_\_\_\_\_ metros.

3 - Uma praça quadrada deve ser contornada, em toda a sua volta, com uma cerca. Se o lado dessa praça mede 20 metros, quantos metros de cerca serão necessários?



Serão necessários \_\_\_\_\_ metros.

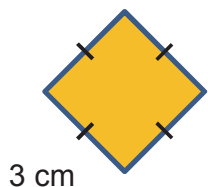
4 - O tampo de uma mesa retangular tem 1,5 m de comprimento e 80 cm de largura. Qual o seu perímetro?



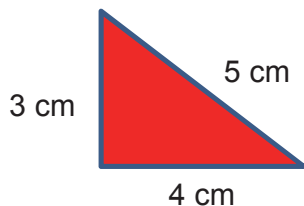
**DIC@**

Devemos operar com as medidas em uma mesma unidade. Por exemplo: todas as medidas em metro (m), todas as medidas em centímetro (cm).

5 - Calcule o perímetro das figuras abaixo:



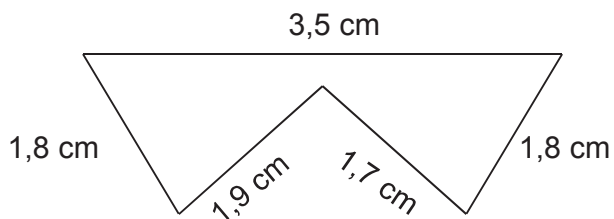
3 cm



3 cm

5 cm

4 cm



1,8 cm

3,5 cm

1,9 cm

1,7 cm

1,8 cm

## DESAFIO



Muito cuidado ao manusear materiais nos experimentos. Toda experimentação deve contar com a participação do seu Professor ou de um adulto.

### GEOMETRIA DOS PALITOS



Este contorno foi construído com **7** palitos. Reproduza-o e construa outras formas com a mesma quantidade de palitos. Cole-as em uma folha de papel.

Observe e responda:

a) Todas as construções formam polígonos?

---



---

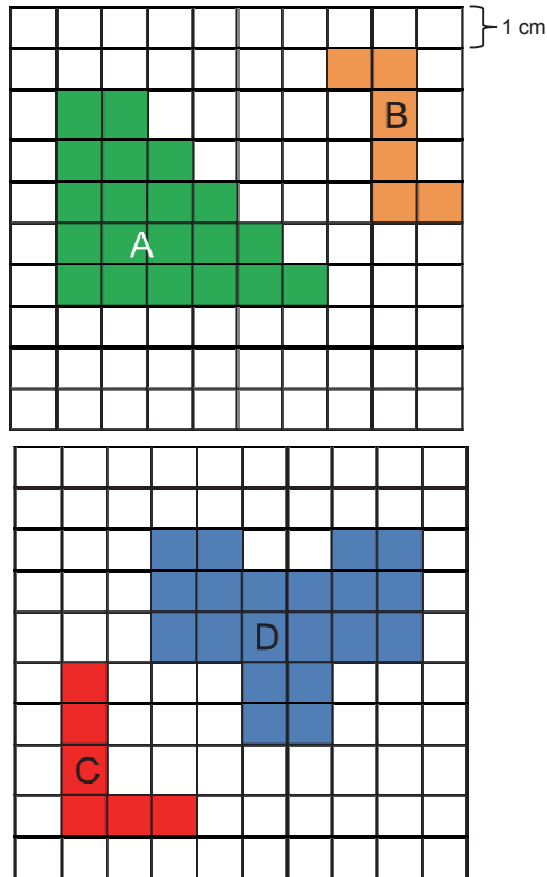
b) O que você percebeu em relação ao perímetro do polígono formado?

---

## DESAFIO

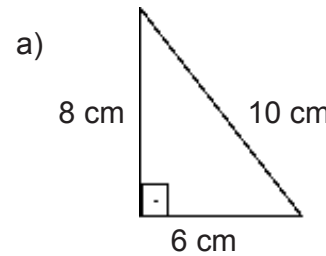
**Agora, com 9 palitos, construa 5 triângulos equiláteros e registre abaixo o resultado.**

6 - Calcule o perímetro das figuras, considerando que o lado do quadradinho mede 1 cm:

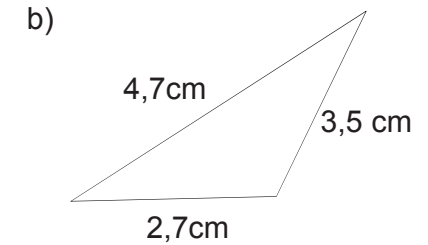


- a) A figura **A** possui \_\_\_\_\_ de perímetro.
- b) A figura **B** possui \_\_\_\_\_ de perímetro.
- c) A figura **C** possui \_\_\_\_\_ de perímetro.
- d) A figura **D** possui \_\_\_\_\_ de perímetro.

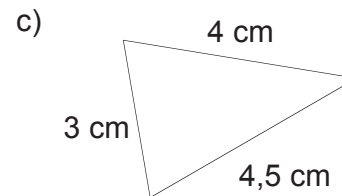
7 - Calcule o perímetro dos triângulos e classifique-os quanto aos seus ângulos (retângulo, acutângulo ou obtusângulo):



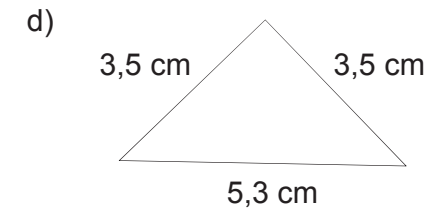
Triângulo: \_\_\_\_\_  
 Perímetro: \_\_\_\_\_



Triângulo: \_\_\_\_\_  
 Perímetro: \_\_\_\_\_



Triângulo: \_\_\_\_\_  
 Perímetro: \_\_\_\_\_

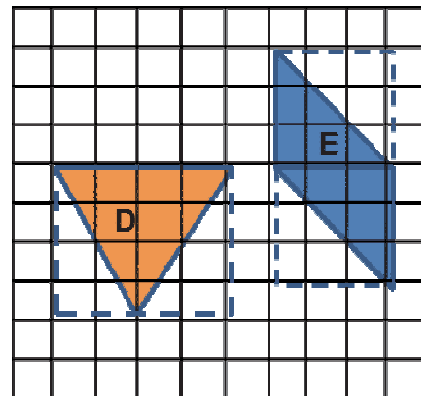
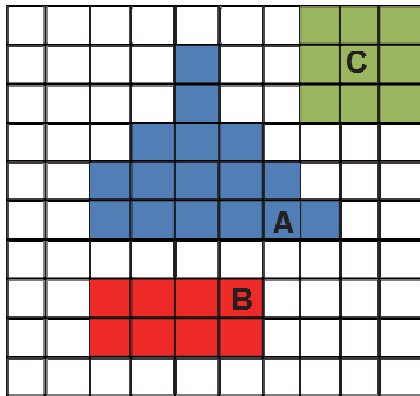


Triângulo: \_\_\_\_\_  
 Perímetro: \_\_\_\_\_

8 - Um quadrado possui 4 metros de lado e um retângulo possui 8 metros de comprimento e 2 metros de largura. Qual das figuras possui maior perímetro? Justifique sua resposta, efetuando os cálculos:

# ÁREA DE FIGURAS PLANAS

9 - Calcule a área das figuras, considerando o quadradinho da malha quadriculada como unidade de área (u.a.):



- a) A= \_\_\_\_\_
- b) B= \_\_\_\_\_
- c) C= \_\_\_\_\_
- d) D= \_\_\_\_\_
- e) E= \_\_\_\_\_

Calcular a área de uma figura plana é **medir a região ou o plano ocupado por essa figura**. O resultado é um número que indica **quantas vezes a unidade de área cabe em uma figura plana, considerando sua superfície**.

Para calcularmos a área de um retângulo, multiplicamos a medida de sua base pela medida de sua altura.



**Área do retângulo = BASE X ALTURA**

clipart



Qual a área de uma quadra de voleibol retangular, com dimensões de 18 m x 9 m?

10 - Quantos metros quadrados de grama são necessários para cobrir um campo de futebol com as seguintes dimensões: 105 m x 68 m?

A large, empty dashed-line box intended for the student to write their answer to question 10.

## Recapitulando...

Para calcularmos a área do retângulo, multiplicamos a medida da base pela medida da altura.

Como todo **quadrado** é, também, um retângulo, calculamos a área da mesma forma, multiplicando a medida de um lado pelo outro.



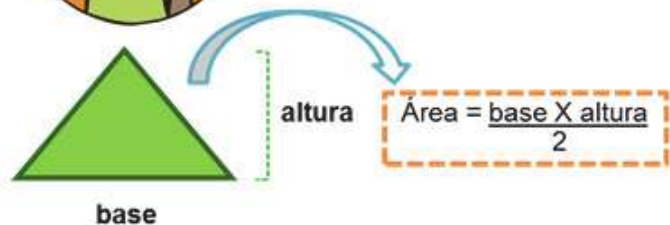
11 - Qual a área de um quadrado que possui lado de

- a) 5 cm? \_\_\_\_\_
- b) 7 cm? \_\_\_\_\_
- c) 3 cm? \_\_\_\_\_
- d) 13 cm? \_\_\_\_\_

## ÁREA DO TRIÂNGULO



Se multiplicarmos a medida da base do triângulo pela sua altura, e dividirmos por dois, encontramos a área deste triângulo.

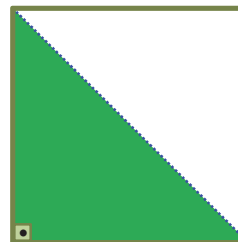


12 - Qual a área de um triângulo de altura 3 cm e de base medindo 4 cm? \_\_\_\_\_

13 - Qual a área de um retângulo com as seguintes dimensões:

- a) 7 cm e 3 cm? \_\_\_\_\_
- b) 13 m e 5 m? \_\_\_\_\_
- c) 9 dm e 15 dm? \_\_\_\_\_
- d) 11 cm e 20 cm? \_\_\_\_\_

14 - Qual a área da região pintada na figura, sabendo que este quadrado possui 2,8 cm de lado?



15 - Dona Márcia precisa colocar renda na borda de uma toalha retangular para a festa da escola. Essa toalha deve ter 2 m de largura e 5 m de comprimento. Qual a área total dessa toalha? \_\_\_\_\_

Esta toalha tem a forma de um retângulo. Como aprendemos, para calcular a área do retângulo, multiplicamos o \_\_\_\_\_ pela \_\_\_\_\_.

Área = \_\_\_\_\_

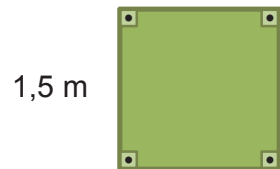
Área = \_\_\_\_\_



Para colocar renda na borda da toalha, serão necessários, no mínimo, \_\_\_\_\_ m de renda.

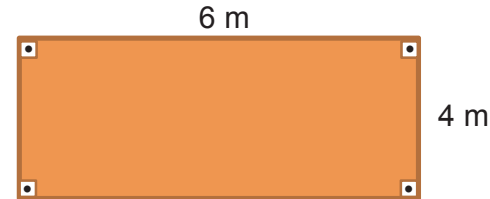
16 - Dona Márcia fará, também, as toalhas das mesas da festa. Essas toalhas serão quadradas e devem medir 1,5 m de lado cada.

A área dessa toalha será de \_\_\_\_\_.



Para colocar renda, na borda de cada toalha quadrada, serão necessários, no mínimo, \_\_\_\_\_ m de renda.

17 - Calcule a área da figura apresentada abaixo:



18 - Qual a área de um terreno retangular que mede 18 m de comprimento por 22 m de largura?

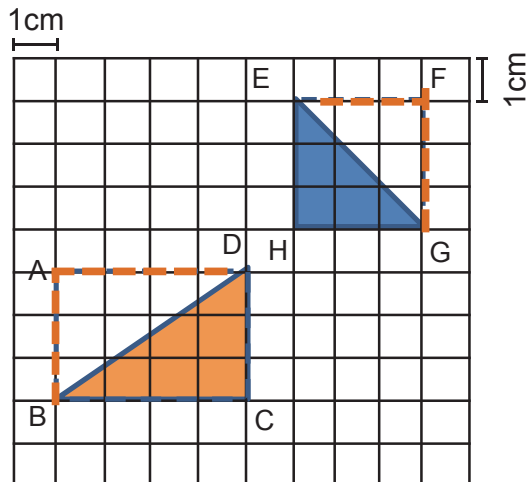
19 - A medida da área de um tabuleiro quadrado de xadrez é igual a 64 cm<sup>2</sup>. Qual a medida do lado desse tabuleiro?



20 - Carla vai ladrilhar uma área de 10 m<sup>2</sup> que será coberta com ladrilhos quadrados, cada um com 20 cm de lado. Quantos ladrilhos devem ser usados para cobrir toda essa superfície?

- a) O lado do ladrilho quadrado é 20 cm. Então, sua área é de \_\_\_\_\_ x \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_ cm<sup>2</sup>.
- b) Para saber quantos ladrilhos de 400 cm<sup>2</sup> cabem em 10 m<sup>2</sup>, transformamos m<sup>2</sup> em cm<sup>2</sup>:  
10 m<sup>2</sup> = \_\_\_\_\_ cm<sup>2</sup>. Podemos, então, dividir para encontrar o número de ladrilhos.
- c) Serão necessários, no mínimo, \_\_\_\_\_ ladrilhos de \_\_\_\_\_ cm<sup>2</sup> cada.

21 – **Leia** a imagem:



- a) A área do retângulo ABCD é calculada da seguinte maneira:

$$4 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^2.$$

- b) Assim, a área do triângulo BCD é:

$$\frac{4 \text{ cm} \times 3 \text{ cm}}{2} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

- c) Para encontrar a área do quadrado EFGH, \_\_\_\_\_ a \_\_\_\_\_ pela \_\_\_\_\_. Assim, 3 cm x 3 cm = \_\_\_\_\_ cm<sup>2</sup>.

- d) Assim, a área do triângulo EGH será:

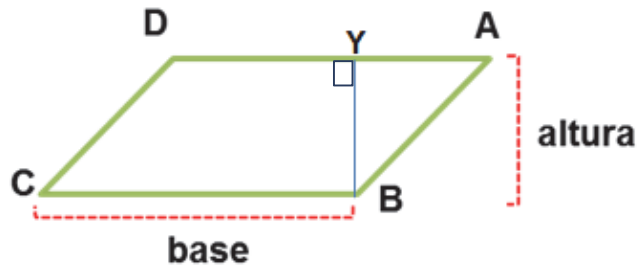
$$\frac{3 \text{ cm} \times 3 \text{ cm}}{2} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

**FIQUE LIGADO!!!**

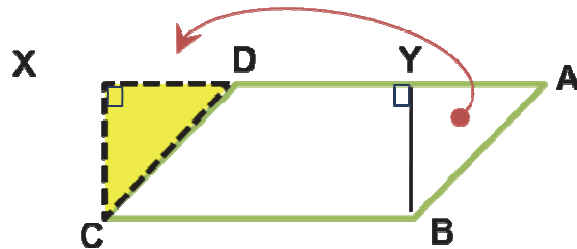
Como podemos observar, a área do triângulo é igual à metade da área do retângulo. Portanto, na hora de calcular, dividimos por 2 o produto da base pela altura.

## ÁREA DO PARALELOGRAMO

Observe o paralelogramo **ABCD** com base **BC** e altura **BY**.



Os triângulos **ABY** e **CDX** são congruentes, pois são triângulos retângulos com lados congruentes (de mesma medida).

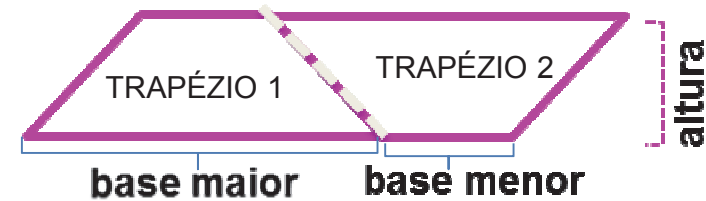


A área do retângulo **BCXY** é o produto entre a base e a altura, igual à área do **paralelogramo ABCD**.

$$\text{Área} = \text{base} \times \text{altura}$$

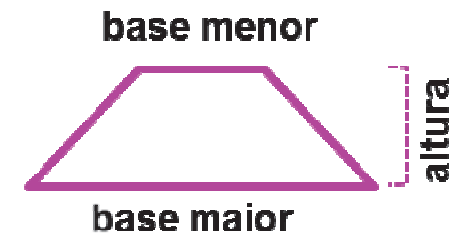
## ÁREA DO TRAPÉZIO

Observe que a área desse **paralelogramo** é formada por dois trapézios. Portanto, a área de cada **trapézio** é a metade da área deste **paralelogramo**.



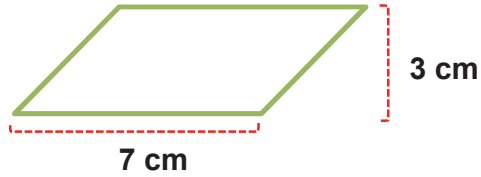
Sendo assim, temos:

$$\frac{1}{2} \cdot (\text{base menor} + \text{base maior}) \times \text{altura}$$

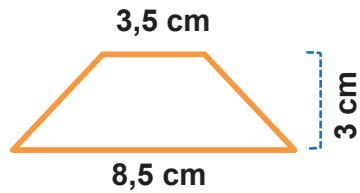


$$\text{Área} = \frac{(\text{base menor} + \text{base maior}) \times \text{altura}}{2}$$

22 - Calcule a área das figuras:

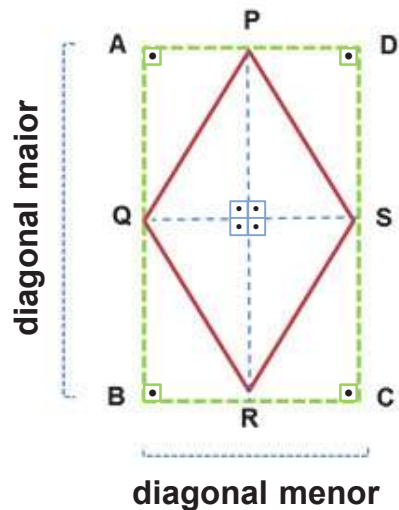


Área do paralelogramo:



Área do trapézio:

## ÁREA DO LOSANGO

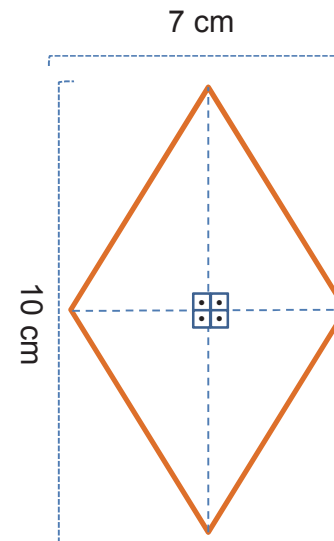
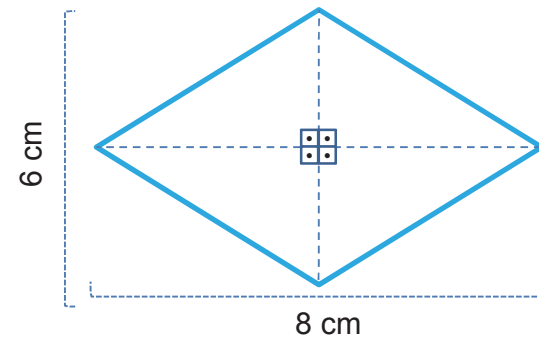


Se a área do retângulo é o produto da base pela altura, a área do losango **PQRS** é a metade da área do retângulo **ABCD**.

$$\frac{\overline{AB} \times \overline{BC}}{2} = \frac{\overline{PR} \times \overline{QS}}{2}$$

$$\text{Área} = \frac{\text{diagonal maior} \times \text{diagonal menor}}{2}$$

23 - Qual a área dos losangos?



# NÚMEROS INTEIROS

No Brasil, usamos grau Celsius ( $^{\circ}\text{C}$ ) como unidade de medida de temperatura. Um termômetro pode registrar temperaturas positivas (acima de zero grau) ou temperaturas negativas (aquelas abaixo de zero grau).

Na escala Celsius, a temperatura em que ocorre a passagem da água do estado líquido para o estado sólido (solidificação), em determinadas condições atmosféricas, corresponde a zero grau Celsius ( $0^{\circ}\text{C}$ ).



## Rio 40 graus



No Rio de Janeiro, as temperaturas costumam ser elevadas, como fala a música de Fernanda Abreu, Rio 40 graus. Em nossa cidade, as temperaturas, normalmente, são positivas. Mas, em muitos outros lugares do mundo, os termômetros marcam temperaturas negativas (abaixo de zero). Leia a tabela ao lado.



<https://youtube.googleapis.com/v/Y5gneAzzpGk>

1 – Essa tabela apresenta a menor temperatura registrada, no período de 20 a 31 de janeiro de 2016, em uma cidade.

DIA	TEMPERATURA
20	+ 7
21	+ 6
22	+ 4
23	- 1
24	- 3
25	0
26	- 2
27	+ 1
28	+ 2
29	0
30	+ 3
31	+ 4

Agora, responda:

- Em que dia do mês foi registrada a temperatura mais baixa desse período? \_\_\_\_\_
- Qual foi a temperatura registrada neste dia?  
\_\_\_\_\_
- Em quantos graus variou a temperatura do dia 23/01 para o dia 24/01? \_\_\_\_\_
- Quais os dias que apresentaram temperaturas opostas?  
\_\_\_\_\_

**Chat matemático**

Oi Manu, tudo bem? Eu estava estudando e descobri uns números diferentes aqui.

Como assim diferentes? Que tipo de números você descobriu, Mateus?

Números precedidos do sinal "-". Temperatura igual a  $-7^{\circ}\text{C}$ , saldo de  $-\text{R}\$ 31,00$ , elevador no andar  $-3$  do prédio...

Esses números não são diferentes, Mateus! Existem números positivos e números negativos.

Ih! Acho que vou estudar um pouco mais para entender melhor essa história!

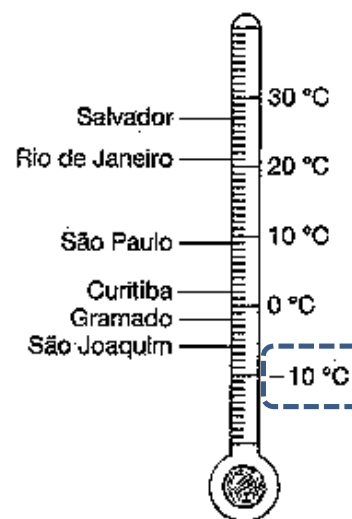
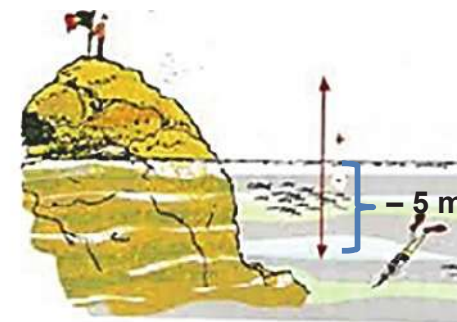
O conjunto  $\mathbb{Z}$  é formado pelos números inteiros positivos, pelos números inteiros negativos e pelo zero.

Leia alguns exemplos:

	Gols marcados	Gols sofridos	Saldo de gols
Argentina	20	12	+ 8
Brasil	14	22	- 8
Alemanha	30	4	+ 26
Uruguai	15	15	0

No futebol, os números negativos podem aparecer no saldo de gols.  
Saldo de gols = gols marcados – gols sofridos.

As profundidades podem ser expressas na forma de números negativos.

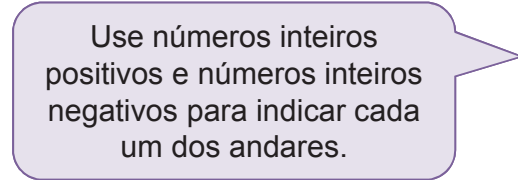


As temperaturas, também, podem ser escritas na forma de números negativos.

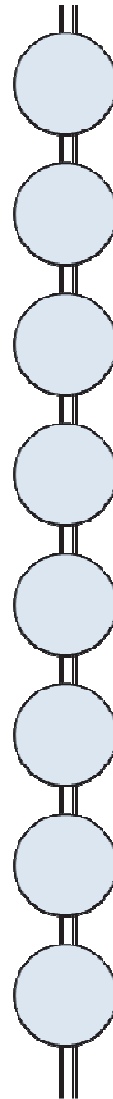
2 - Abaixo, temos a representação do painel de controle do elevador do prédio da empresa *Altitude*.



A letra **T** representa o andar térreo. Sabemos que, em alguns casos, existem andares tanto acima, como abaixo do andar térreo!



Use números inteiros positivos e números inteiros negativos para indicar cada um dos andares.



Eu estou no 5.º andar e quero descer 6 andares. Qual é o botão que devo pressionar, no painel de controle do elevador? \_\_\_\_\_

3 - Utilizando números inteiros, positivos ou negativos, represente, simbolicamente,

- a) um saldo de 17 gols a favor → \_\_\_\_\_
- b) um saldo de 5 gols contra → \_\_\_\_\_
- c) 28 m abaixo do nível do mar → \_\_\_\_\_
- d) uma profundidade de 120 metros → \_\_\_\_\_
- e) altitude de 234 m → \_\_\_\_\_

4 - Associe as temperaturas a cada uma das situações apresentadas a seguir:

- A** Temperatura do congelador de uma geladeira.
- B** Temperatura de um freezer doméstico.
- C** Temperatura da superfície do sol.
- D** Temperatura em que a água sai do estado sólido para o líquido, ou seja, seu “ponto de fusão”.

- 0 °C
- 18 °C
- 4 °C
- 6 000 °C

Atenção:  
Temperaturas aproximadas.

No campeonato de futebol do Colégio Sol, os números negativos apareceram no saldo de gols (diferença entre os gols marcados e os gols sofridos). **Leia** a tabela abaixo:

**CAMPEONATO DE FUTEBOL**

POSIÇÃO	TURMA	GOLS MARCADOS	GOLS SOFRIDOS	SALDO DE GOLS
1.º	1703	23	8	15
2.º	1704	19	12	7
3.º	1701	15	18	-3
4.º	1705	11	21	-10

5 - De acordo com a tabela,

a) a diferença entre os gols marcados e os gols sofridos é chamada de \_\_\_\_\_;

b) a expressão que determina o saldo de gols do 1.º colocado é  $23 - \text{_____} = \text{_____}$ ;

c) a expressão que mostra o cálculo da situação da turma 1705 no campeonato é  $11 - \text{_____} = \text{_____}$ ;

d) o saldo de gols da turma 1701 é (-3), enquanto o saldo de gols da turma 1705 é (-10). Por que a turma 1705 ficou em 4.º lugar? \_\_\_\_\_

6 - O Sr. João foi até o caixa eletrônico do Banco Carioca e consultou o extrato da sua conta bancária. **Leia** o extrato:

BANCO CARIOCA		Extrato	
João Lemos		Agência 0101-0	Conta 10 230-0
CHEQUE ESPECIAL R\$ 1.560,00			
Data	Histórico	Débito/Crédito	
	Saldo em 02/01/2017	545,00	
04/01	Pagamento Cartão de Crédito	- 95,00	
08/01	Depósito	+ 120,00	
15/01	Cheque compensado	- 135,00	
20/01	Cheque compensado	- 80,00	
03/02	Saldo em 03/02/2017	355,00	

Vamos, agora, analisá-lo:

a) O saldo inicial da conta corrente (02/01/2017) do Sr. João era de \_\_\_\_\_ reais, que é um valor \_\_\_\_\_ (positivo / negativo).

b) O movimento feito em 15/01 foi de \_\_\_\_\_ (crédito / débito).


c) O saldo final, em 03/02/2017, foi de \_\_\_\_\_ reais.

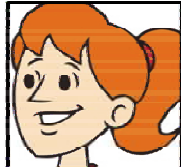
d) Em 03/02, o saldo ficou positivo, pois os \_\_\_\_\_ somaram um valor maior que a soma de todos os \_\_\_\_\_.  
(créditos / débitos)


# NÚMEROS INTEIROS NA RETA NUMÉRICA


Imagem criada com personagens da MultiRio


**Chat matemático**

 Hummm! Descobri que os números negativos indicam valores menores que zero. E, também, que a palavra negativo vem de negação.

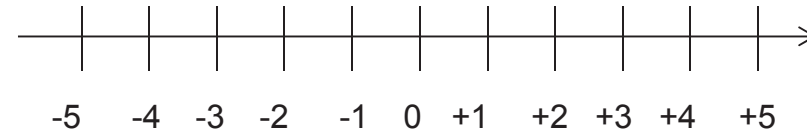
 Isso mesmo! E, para cada número natural, diferente de zero, existe um número negativo: 10 e -10, 3 e -3, 180 e -180.

 Ao unirmos os números naturais aos números negativos, temos o conjunto dos números inteiros, indicado pelo símbolo **Z**.

 O símbolo **Z** tem origem na palavra **Zahl**, que, em alemão, significa números!

 Agora, vou tentar representar os números inteiros em uma reta numérica.

Podemos representar os números inteiros em uma reta. Observe:



A distância entre dois números consecutivos é sempre a mesma.

7 – Nesta reta numérica, quais são os números que foram representados por letras?




---

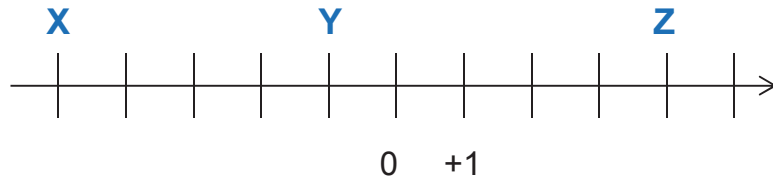


---

Os números negativos ficam localizados à esquerda do zero e os números positivos ficam à direita do zero.



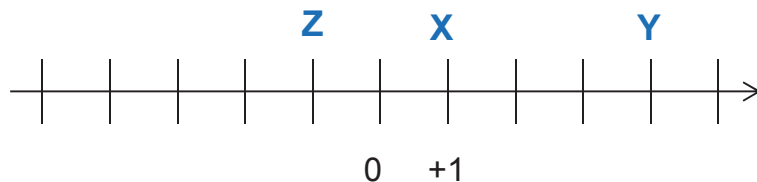
8 - Indique os números representados pelas letras X, Y e Z nas retas:



X= \_\_\_\_\_ Y= \_\_\_\_\_ Z= \_\_\_\_\_



X= \_\_\_\_\_ Y= \_\_\_\_\_ Z= \_\_\_\_\_



X= \_\_\_\_\_ Y= \_\_\_\_\_ Z= \_\_\_\_\_

9 - Podemos representar a linha do tempo histórico para marcar fatos importantes.

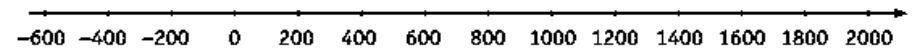
O tempo histórico é dividido em dois grandes períodos: antes e após o nascimento de Cristo. A abreviatura a.C. significa **antes de Cristo** e d.C., **depois de Cristo**.

a) Marque, na linha do tempo, aproximadamente, o ano de nascimento de alguns matemáticos:

	MATEMÁTICO	NASCIMENTO
A	Newton	1643 d.C.
B	Cardano	1501 d.C.
C	Euclides	360 a.C.
D	Pitágoras	580 a.C.
E	Bháskara	1114 d.C.
F	Cantor	1845 d.C.



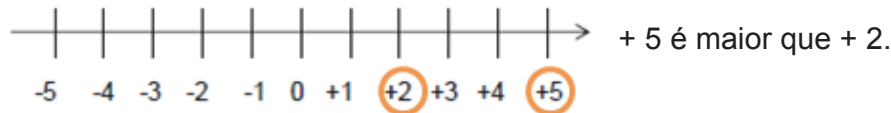
<http://www.somatematica.com.br/> <http://www.ime.unicamp.br>



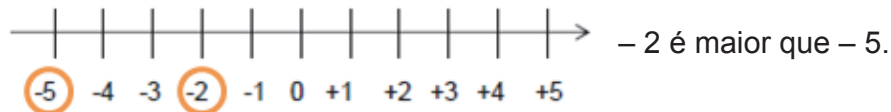
# Comparando números inteiros...

**Leia**, com bastante atenção:

a) **Dois números positivos** - quanto mais afastados do zero, maiores serão os números:



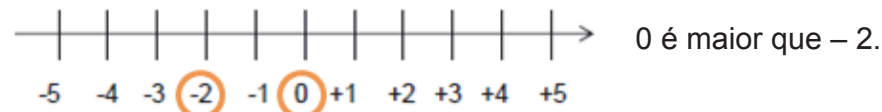
b) **Dois números negativos** - quanto mais próximos do zero, maiores serão os números:



c) **Um número positivo e um número negativo** - sempre o número positivo será maior:



d) **Um número negativo e o zero** - o número negativo sempre será menor:



e) **Um número positivo e o zero** - o número positivo sempre será maior:

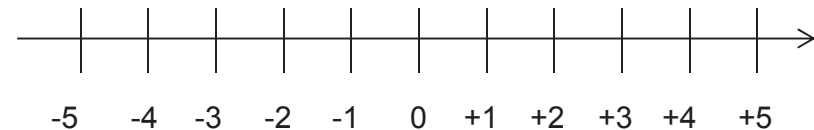


# FIQUE LIGADO!!!

Quanto mais **à direita** da reta numérica o número estiver, **maior** será esse número.

Quanto mais **à esquerda** da reta numérica o número estiver, **menor** será esse número.

10 - **Leia** a reta e, em seguida, complete a tabela com os símbolos < (menor) ou > (maior):



a) -5 _____ - 3	d) -6 _____ 0	g) 0 _____ +1
b) 3 _____ - 1	e) 0 _____ - 1	h) +1 _____ 7
c) +6 _____ + 5	f) 3 _____ - 2	i) -2 _____ 0

11 - Complete com o antecessor e o sucessor de cada número:

\_\_\_\_\_ -999 \_\_\_\_\_ ; \_\_\_\_\_ -56 \_\_\_\_\_ ; \_\_\_\_\_ -1 \_\_\_\_\_

12 - Complete as sentenças com os sinais < (menor que) ou > (maior que):

- a)  $-15$  \_\_\_\_\_  $+8$
- b)  $+15$  \_\_\_\_\_  $+8$
- c)  $-5$  \_\_\_\_\_  $-20$
- d)  $-5$  \_\_\_\_\_  $0$
- e)  $+20$  \_\_\_\_\_  $-10$
- f)  $-6$  \_\_\_\_\_  $+8$

Como apoio à atividade, utilize a reta a seguir, completando-a com números:



Agora, responda:

g) Quando um número é positivo e outro negativo, qual o número maior?

\_\_\_\_\_

h) Quando um número é negativo e o outro é zero, qual o número maior?

\_\_\_\_\_

i) Quando dois números são negativos, qual o número maior?

\_\_\_\_\_

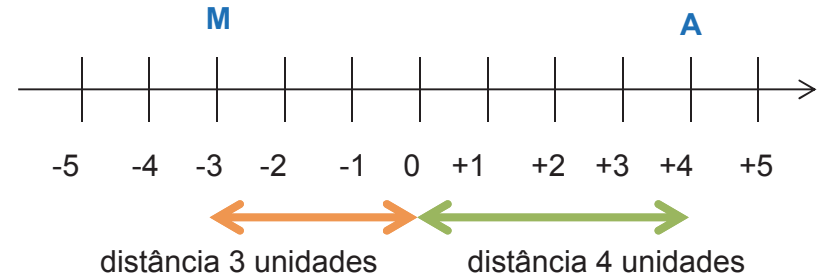
\_\_\_\_\_

# MÓDULO DE UM NÚMERO

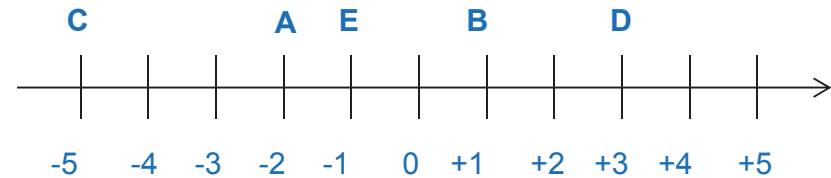
A distância de um ponto da reta numérica até o zero é chamada de **módulo** ou **valor absoluto**. O módulo é sempre positivo.

Indicamos esse número entre barras: o módulo de  $|-3| = 3$  e de  $|+4| = 4$ .

O módulo de 0 é 0, pois este número dista 0 unidades dele mesmo.



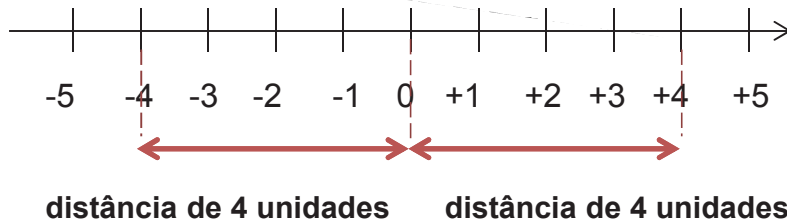
13 - Considere os pontos A, B, C, D e E sobre a reta numérica. Complete com o módulo (valor absoluto) dos números indicados pelas letras:



A= _____	B= _____	C= _____	D= _____	E= _____
----------	----------	----------	----------	----------

# NÚMEROS OPOSTOS OU SIMÉTRICOS

**Números opostos ou simétricos** são números que estão à mesma distância do zero, mas em sentidos opostos. Isso significa que eles possuem o mesmo **módulo** ou **valor absoluto**, mas sinais contrários.



14 - Complete:

- a) O oposto ou \_\_\_\_\_ de (-4) é (+4).
- b) O simétrico ou \_\_\_\_\_ de (+2) é \_\_\_\_\_.
- c) O zero é chamado de eixo de simetria e o seu oposto é \_\_\_\_\_.

15 - Complete com o oposto:

- |          |       |             |       |
|----------|-------|-------------|-------|
| a) - 5   | _____ | d) - 34     | _____ |
| b) + 9   | _____ | e) + 1      | _____ |
| c) - 137 | _____ | f) + 87 075 | _____ |

16 - Considere o intervalo entre o número inteiro e seu sucessor e o número inteiro e seu antecessor como unidade de medida. Represente os números de - 5 a 7 na reta numérica:



Muitinho

Agora, responda:

Qual a distância entre

- a) 3 e 4? \_\_\_\_\_
- b) 2 e 7? \_\_\_\_\_
- c) 0 e 6? \_\_\_\_\_
- d) -2 e 6? \_\_\_\_\_
- e) -5 e 0? \_\_\_\_\_



Clipart

17 - Quem está errado?

Diogo:  $50$  e  $-5$  têm sinais opostos.

Ana:  $-40$  e  $40$  são números iguais.

Rodrigo:  $20$  e  $-100$  têm sinais contrários.

Manuela:  $9$  e  $-9$  são simétricos.

- (A) Ana.  
(B) Diogo.  
(C) Rodrigo.  
(D) Manuela.

## Recapitulando...

**Números opostos ou simétricos:** são aqueles representados, na reta numérica, por pontos que estão à mesma distância do ponto zero, mas em sentidos opostos.

**Módulo ou valor absoluto de um número inteiro:** é a distância entre o ponto que representa esse número e o zero.

**Comparando os números inteiros...**

- Qualquer número positivo é maior do que zero ou que qualquer número negativo.
- **Número positivo** – quanto mais distante do zero, maior é o número.
- **Número negativo** – quanto mais distante do zero, menor é o número.
- Observando uma reta numérica, podemos concluir que o valor do número
  - aumenta à medida que avança para a direita da reta numérica, ou seja, no sentido positivo.
  - diminui à medida que caminha para a esquerda da reta numérica, ou seja, no sentido negativo.

# OPERAÇÕES COM NÚMEROS INTEIROS

## ADIÇÃO

Adriana, Bete, Carlos e Edu brincam com um jogo eletrônico. Nesse jogo, os pontos ganhos são indicados por números positivos e os pontos perdidos, por números negativos.

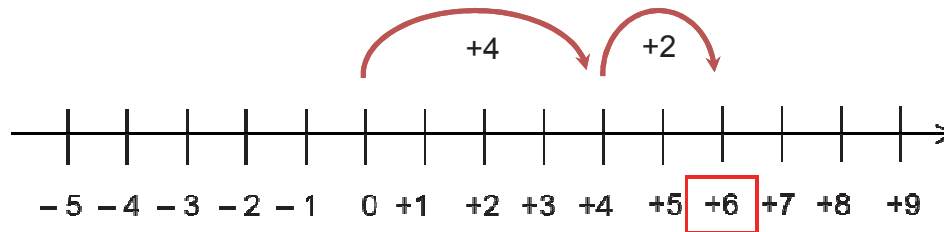
**Leia** os pontos obtidos por Adriana:

- na 1.ª rodada: +4
- na 2.ª rodada: +2

Então:  $(+4) + (+2) = (+6)$

↓ ganhou    ↓ ganhou    ↓ ganhou

O total de pontos de Adriana, após a 2.ª rodada, é de +6. Observe:



Já Bete obteve os seguintes pontos:

- na 1.ª rodada: -3
- na 2.ª rodada: -2

Então:  $(-3) + (-2) = (-5)$

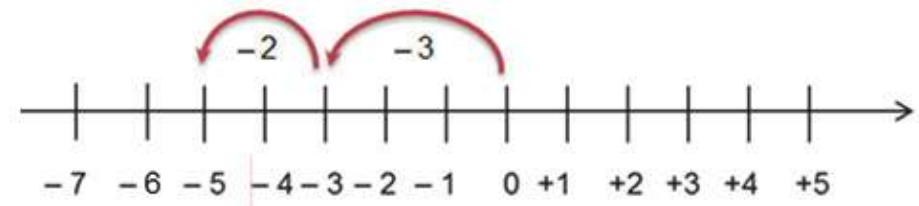
↓ perdeu    ↓ perdeu    ↓ perdeu

O total de pontos de Bete, após a 2.ª rodada, é de -5.



Perdi 3 pontos, depois perdi 2. No total, fiquei com 5 pontos perdidos.

Então significa que, partindo do zero, andei 3 unidades para a esquerda e, em seguida, mais 2 unidades para a esquerda.



### FIQUE LIGADO!!!

Quando dois números são positivos, a soma é sempre um **número positivo**.

Quando dois números são negativos, a soma é sempre um **número negativo**. Ou seja, na adição de números inteiros, de mesmo sinal, adicionamos os valores absolutos e conservamos o sinal dos números.

18 - Represente as situações a seguir por números inteiros e, em seu caderno, resolva-as, utilizando uma reta numérica:

- Ganhei 9 e perdi 7 →  $+9 - 7 = +2$
- Perdi 5 e ganhei 2 → \_\_\_\_\_
- Ganhei 3 e perdi 13 → \_\_\_\_\_
- Perdi 2 e perdi 7 → \_\_\_\_\_
- Ganhei 8 e perdi 9 → \_\_\_\_\_

# NA PRÁTICA...



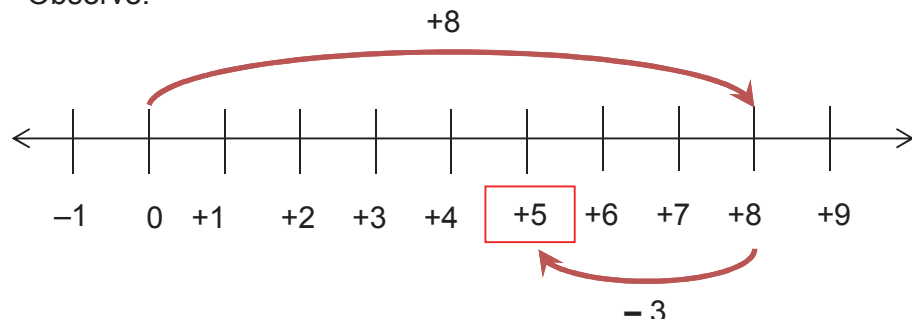
Agora, **observe** os pontos obtidos por Carlos:

- na 1.ª rodada: +8
- na 2.ª rodada: -3

Então:  $(+8) + (-3) = (+5)$

↓  
ganhou
↓  
perdeu
↓  
ganhou

O total de pontos de Carlos, após a 2.ª rodada, é de \_\_\_\_\_.  
Observe:



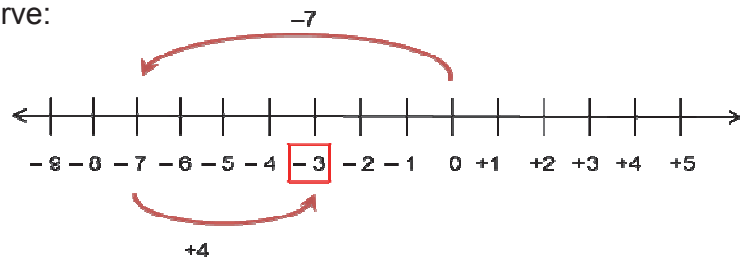
Já Edu obteve os seguintes pontos:

- na 1.ª rodada: -7
- na 2.ª rodada: +4

Então:  $(-7) + (+4) = (-3)$

↓  
perdeu
↓  
ganhou
↓  
perdeu

O total de pontos de Edu, após a 2.ª rodada, é de \_\_\_\_\_.  
Observe:



## FIQUE LIGADO !!!

Para facilitar, faça uma brincadeira:  
Quando o número for positivo (+): você coloca tenho.  
Quando o número for negativo (-): você coloca devo.

Depois é só analisar as situações: se no final, você ficar com “**tenho**” a resposta tem sinal positivo. Caso fique no final “**devo**”, a resposta tem sinal negativo.

Na adição de números inteiros, com  **sinais contrários, subtraímos** os valores absolutos (maior valor absoluto pelo menor valor absoluto) e colocamos, no resultado, o sinal do número de maior valor absoluto.

19 - Hora de efetuar as adições com muita atenção! Utilize seu caderno, para realizar os cálculos:

a)  $(-8) + (-4) =$  \_\_\_\_\_

b)  $(-10) + (-9) =$  \_\_\_\_\_

c)  $(+11) + (-3) =$  \_\_\_\_\_

d)  $(-1) + (+2) =$  \_\_\_\_\_

e)  $(+1) + (-8) =$  \_\_\_\_\_

f)  $(-10) + 0 =$  \_\_\_\_\_

g)  $(+5) + (-13) =$  \_\_\_\_\_

h)  $(-7) + (-9) =$  \_\_\_\_\_

i)  $(+15) + (-13) =$  \_\_\_\_\_

j)  $(-20) + (-19) =$  \_\_\_\_\_

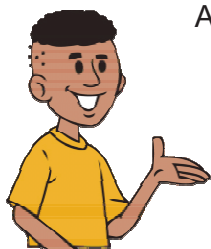
k)  $(+18) + (-15) =$  \_\_\_\_\_

# SUBTRAÇÃO

20 - Observe a tabela de um campeonato esportivo e complete-a com o saldo de gols:

EQUIPE	GOLS A FAVOR	GOLS CONTRA	SALDO DE GOLS
A	22	12	$22 - 12 = 10$
B	16	20	$16 - 20 = \underline{\hspace{2cm}}$
C	12	18	$\underline{\hspace{2cm}}$
D	14	14	$\underline{\hspace{2cm}}$

Agora, responda:



a) Quando a equipe possui mais gols a favor do que contra, o saldo é positivo ou negativo?  
\_\_\_\_\_

b) E quando a equipe possui mais gols contra do que a favor, o saldo é positivo ou negativo? \_\_\_\_\_

c) Se as quantidades de gols a favor e a de gols contra for a mesma, qual será o saldo? \_\_\_\_\_

d) Qual é a classificação de cada equipe, em ordem crescente de pontos? \_\_\_\_\_

A diferença entre dois números inteiros é igual à soma do primeiro com o **oposto** do segundo.

Exemplos:

$$22 - (+12) = 22 + (-12) = 22 - 12 = 10$$

$$18 - (+3) = 18 + (-3) = 18 - 3 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$-9 - (-2) = -9 + (+2) = -9 + 2 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$100 - (-20) = 100 + (+20) = 100 + 20 = \underline{\hspace{2cm}}$$

Utilizando nosso conhecimento a respeito do que significa o oposto de um número, podemos calcular a diferença de inteiros, empregando a adição. Observe:

•  $16 - 20$  dá o mesmo que  $16 + (-20)$

Diferença entre 16 e 20

Soma de 16 com o oposto de 20

▪ O resultado é \_\_\_\_\_.



•  $12 - 18$  dá o mesmo que  $12 + (-18)$

Diferença  
entre 12 e 18

Soma de 12 com o  
oposto de 18

▪ O resultado é \_\_\_\_\_.

21 - Determine as diferenças:

a)  $(+15) - (-12) =$  \_\_\_\_\_

b)  $(-35) - (-18) =$  \_\_\_\_\_

c)  $(+17) - (+62) =$  \_\_\_\_\_

d)  $(-42) - (+14) =$  \_\_\_\_\_

22 - Resolva as adições algébricas:

a)  $(-9) - (+7) + (+13) - (-20) =$  \_\_\_\_\_

b)  $(-11) + (-7) + (+18) =$  \_\_\_\_\_

c)  $(-51) + (-82) - (-12) - (+7) =$  \_\_\_\_\_

**FIQUE LIGADO!!!**

Subtrair um número é o mesmo  
que somar o seu oposto.

23 - Calcule a expressão:

a)  $(-9) - (+2) - (-4) + (+12) =$

$\begin{array}{ccccccc} \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & & & \\ -9 & -2 & +4 & +12 & = & & \end{array}$

24 - Em uma brincadeira, havia cartelas marcadas com números inteiros. Luís convidou alguns amigos para brincar com ele. Cada amigo sorteava uma cartela e verificava qual a diferença encontrada entre os valores da sua cartela e o valor da cartela de cada amigo. Como Luís é organizado, foi comparando sua situação com a dos amigos e fazendo o registro. Observe o registro de Luís:

Situação 1:

Luís      X      João

+10

+3

Luís fez \_\_\_\_\_.

Registro:  $(+10) - (+3) =$  \_\_\_\_\_

Luís fez \_\_\_\_\_ pontos \_\_\_\_\_ que João (a mais / a menos).

Situação 2:

Luís      X      Fábio

+3

+10

Luís fez \_\_\_\_\_.

Registro:  $(+3) - (+10) =$  \_\_\_\_\_

Luís fez \_\_\_\_\_ pontos \_\_\_\_\_ que Fábio (a mais / a menos).

Situação 3:

Luís      X      Cris

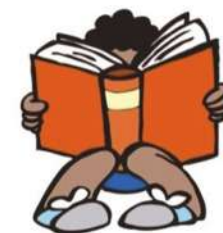
+5

-8

Luís fez \_\_\_\_\_.

Registro:  $(+5) - (-8) =$  \_\_\_\_\_

Luís fez \_\_\_\_\_ pontos \_\_\_\_\_ que Cris (a mais / a menos).



# MULTIPLICAÇÃO

25 - A conta bancária de Ana encontrava-se com saldo zero. Ela fez três depósitos seguidos de **R\$ 10,00**, nesta mesma conta, que equivalem a um único depósito de \_\_\_\_\_ reais ou R\$ \_\_\_\_\_.

Para saber a quantia total, depositada nessa conta, podemos indicar este cálculo através de uma \_\_\_\_\_

$$3 \cdot (+10) = (+10) + (+10) + (+10) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3 \cdot (+10) = + 30$$

Então, agora, o saldo na conta de Ana é \_\_\_\_\_.  
(positivo / negativo)

26 - O time Águias participou de um torneio de futebol de quatro rodadas. Houve saldo de gols igual a **- 3** em cada uma delas.

a) Represente a situação por meio de uma multiplicação:

\_\_\_\_\_

b) Existe outra operação que também represente a mesma situação? Descreva-a.

\_\_\_\_\_

c) Qual o saldo final de gols? \_\_\_\_\_

d) Neste caso, o saldo final de gols foi uma situação de vitória ou de derrota? \_\_\_\_\_

**Chat matemático**

O produto de dois números de **mesmo sinal** (positivo ou negativo) é um número **positivo**.

O produto de dois números de **sinais diferentes** é um número **negativo**.

Imagem criada com personagens da Multirio


27 - Paulo possui uma conta especial no banco. Estava com a sua conta com saldo zero mas ainda tinha o limite do cheque especial. Fez três retiradas seguidas de R\$ 20,00 do seu limite bancário. Isso equivale a uma única retirada de \_\_\_\_\_.

Podemos indicar o cálculo efetuado a partir de uma multiplicação:


$$3 \cdot (- 20) = (- 20) + (- 20) + (- 20) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3 \cdot (-20) = - 60$$

Então, o saldo nessa conta ficou \_\_\_\_\_.  
(positivo / negativo)




## Chat matemático




Como eu faço para multiplicar dois números negativos?  
**Por exemplo:  $(-2) \cdot (-3)$**

Se  $2 \cdot (-3) = (-3) + (-3) = -6$ . Logo,  
 $(-2) \cdot (-3)$  será o oposto de  $2 \cdot (-3)$ . O oposto de  $-6$  é  $+6$ .



Ah, isso mesmo! Então,  
 **$(-2) \cdot (-3) = - [2 \cdot (-3)] = - [-6] = +6$**



### FIQUE LIGADO!!!

- O produto de qualquer número inteiro por 1 é sempre o próprio número.
- Se um dos fatores for zero, o produto é zero.

28 – Complete a tabela com atenção!



X	-3	-2	-1	0	1	2
-2						
0						
2						

29 - Demonstre que você aprendeu:

a) Qual o resultado da multiplicação, quando um dos fatores é zero?

\_\_\_\_\_

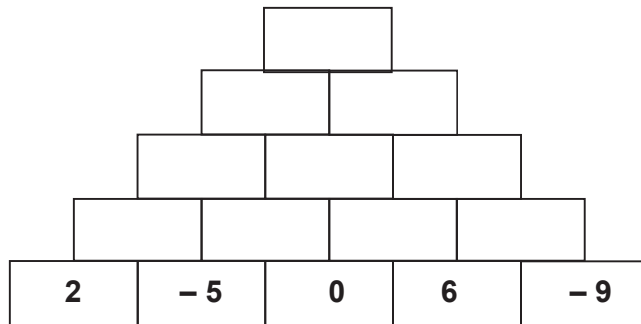
b) O que acontece quando um número é multiplicado por -1?

\_\_\_\_\_

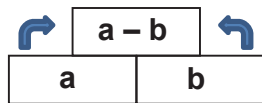
c) Qual o sinal do produto quando os dois fatores possuem sinais iguais? \_\_\_\_\_

d) Qual o sinal do produto quando os dois fatores possuem sinais diferentes? \_\_\_\_\_

30 - Complete a pirâmide. Preste atenção à dica!



**Dic@**



MULTIRO

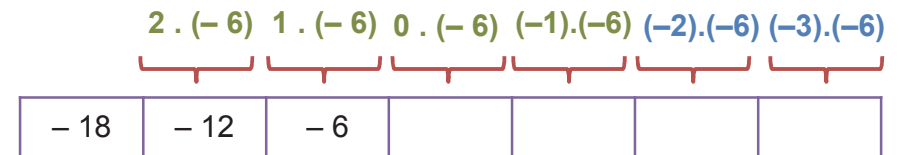
31 - Determine as diferenças:

- a)  $(+10) - (-1) =$  \_\_\_\_\_
- b)  $(-25) - (-8) =$  \_\_\_\_\_
- c)  $(+7) - (+2) =$  \_\_\_\_\_
- d)  $(-4) - (+4) =$  \_\_\_\_\_

32 - Resolva as adições algébricas:

- a)  $(-9) + (+10) - (+3) - (+20) =$  \_\_\_\_\_
- b)  $(-1) + (-17) - (+18) =$  \_\_\_\_\_
- c)  $(-5) - (-8) - (-2) - (+10) =$  \_\_\_\_\_

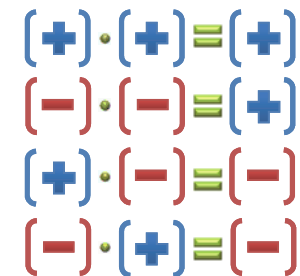
33 - Cada sequência de números, apresentada a seguir, possui um segredo. Em cada uma, descubra os números que estão faltando nos quadradinhos:



### Regra dos sinais



Fique de olho na regra dos sinais!



### MULTIPLICAÇÃO

MULTIRO

34 - Aplicando a regra dos sinais, calcule:

MULTIPLICAÇÃO	PRODUTO
$(-16) \cdot (+1)$	
$(+3) \cdot (-32)$	
$(-16) \cdot (-1)$	
$(+5) \cdot (+22)$	
$(+32) \cdot (+1)$	
$(+32) \cdot (-1)$	
$0 \cdot (-9)$	
$(+8) \cdot (+9)$	

MULTIPLICAÇÃO	PRODUTO
$(+30) \cdot (+4)$	
$(-3) \cdot (-15)$	
$(-52) \cdot (-5)$	
$0 \cdot (+8)$	
$(+5) \cdot (-8)$	
$(-6) \cdot 0$	
$(-4) \cdot (+7)$	
$(-2) \cdot (-11)$	

35 - Observe e responda:

<b>- 5</b>	- 9
4	<b>- 12</b>

- Qual o produto dos números escritos nas molduras em negrito?  
\_\_\_\_\_
- Qual o produto dos números escritos nas molduras pontilhadas?  
\_\_\_\_\_
- Qual a soma dos resultados obtidos? \_\_\_\_\_

# DIVISÃO

**Chat matemático**

**Personagem 1:** Será que, na divisão, se aplica a mesma regra de sinais?

**Personagem 2:** Para dividir números inteiros, dividimos os seus módulos e usamos a mesma regra de sinais da multiplicação.

## Regra dos sinais



Fique de olho na regra dos sinais!

$(+):(+)=(+)$
$(-):(-)=(+)$
$(+):(-)=(-)$
$(-):(+)=(-)$

# DIVISÃO

O quociente de dois números inteiros, com sinais **iguais**, é **positivo**. O quociente de dois números inteiros, com sinais **contrários**, é **negativo**.

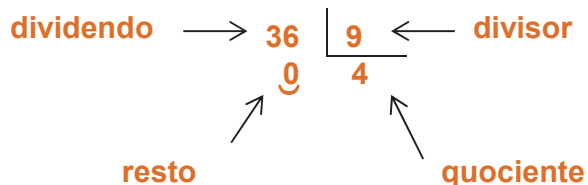
**FIQUE LIGADO!!!**

**Não existe a divisão por zero:** não faz sentido dividir em “0 partes”.

Como dividir 36 chocolates entre nove crianças?

Calculamos:  $36 : 9 = 4$

ou



Cada criança receberá \_\_\_\_\_ chocolates.  
A **divisão exata** é a operação inversa da multiplicação.  
Assim,

$(+36) : (+9) = \underline{\quad}$ , porque  $\underline{\quad} \times 9 = 36$

## Recapitulando...

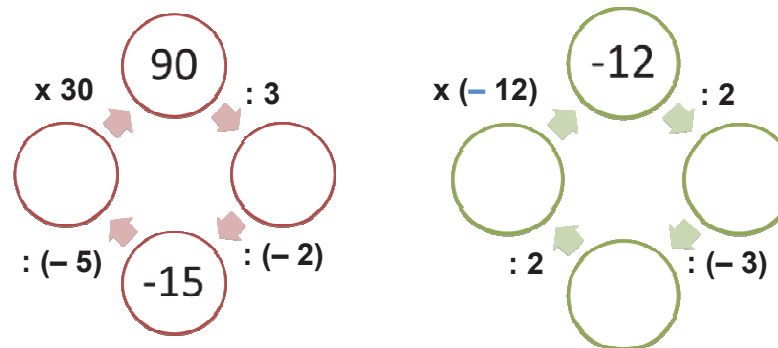
- O produto de dois números de mesmo sinal é um número positivo.
- Lembre-se: Nunca podemos dividir um número por zero!

36 - Complete as sentenças a seguir:

- a)  $(+12) : (+4) = \underline{\quad}$  porque  $\underline{\quad} \times (+4) = 12$
- b)  $(-10) : (+2) = \underline{\quad}$  porque  $\underline{\quad} \times (+2) = -10$
- c)  $(+15) : (-3) = \underline{\quad}$  porque  $\underline{\quad} \times (-3) = 15$
- d)  $(-56) : (-8) = \underline{\quad}$  porque  $\underline{\quad} \times (-8) = -56$

Podemos concluir que as regras de sinais, na divisão exata de números inteiros, são as mesmas que na \_\_\_\_\_.

37 - Complete os esquemas a seguir:



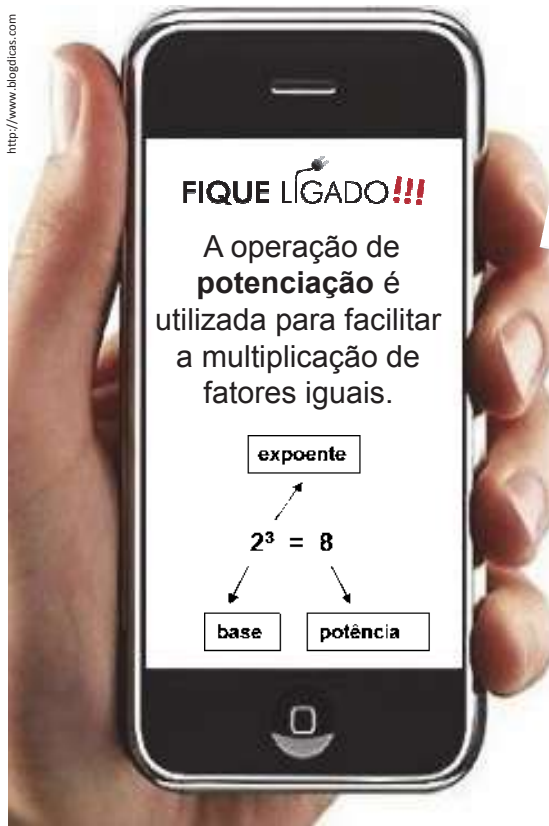
38 - **Leia** o quadro e responda:

+ 500	:	- 10	=	A
- 350	:	- 5	=	B
+ 246	:	+ 6	=	C

- a) Qual o valor de A? \_\_\_\_\_
- b) Qual o valor de B? \_\_\_\_\_
- c) Qual o valor de C? \_\_\_\_\_
- d) Qual o valor de A+ B + C? \_\_\_\_\_

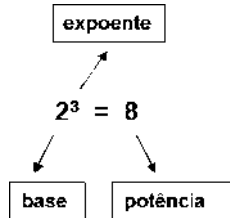
# Potenciação

http://www.bloglicias.com



**FIQUE LIGADO!!!**

A operação de **potenciação** é utilizada para facilitar a multiplicação de fatores iguais.



$$2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

Em uma multiplicação, em que todos os fatores são iguais, chamamos de **POTENCIAÇÃO**.

## Lembre-se:

Toda potência com base diferente de zero e expoente zero é igual a 1.

$$2^0 = 1 \quad 4^0 = 1$$

Toda potência de expoente 1 é igual à própria base.

$$5^1 = 5 \quad 36^1 = 36$$

Toda potência de base zero é igual a 0. Exceção: quando o expoente zero é indeterminado.

$$0^3 = 0 \cdot 0 \cdot 0 = 0$$

**Base:** é o **fator** que se repete.

**Expoente:** é o número que indica quantas vezes o **fator** se repete.

**Potência:** é o resultado da operação chamada potenciação.

(potência – potenciação)

Temos, aqui, uma multiplicação de fatores iguais:

$$4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 1\ 024$$

4 é o **fator** que se repete.

Podemos representar um produto de fatores iguais por meio de uma **potência**.

39 - Ajude Cíntia e Vitor a calcularem as potências com números naturais.

MultiRio



Dezessete elevado ao quadrado.

Dois elevado à oitava potência.

MultiRio

MultiRio



Três elevado à quinta potência.

Quarenta e seis elevado à primeira potência.

MultiRio

## BASE POSITIVA X BASE NEGATIVA

Se a base é **positiva**, então a potência é **positiva**.  
 Se a base é **negativa** e o expoente é **par**, a potência é **positiva**.  
 Se a base é **negativa** e o expoente é **ímpar**, a potência é **negativa**.

40 - Calcule as seguintes potências de base -2:

$$\begin{aligned} (-2)^0 &= \underline{\hspace{2cm}} & (-2)^1 &= \underline{\hspace{2cm}} \\ (-2)^2 &= \underline{\hspace{2cm}} & (-2)^6 &= \underline{\hspace{2cm}} \\ (-2)^7 &= \underline{\hspace{2cm}} & (-2)^3 &= \underline{\hspace{2cm}} \\ (-2)^4 &= \underline{\hspace{2cm}} & (-2)^5 &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

Após calcular, observamos que se a base era negativa,

a) os expoentes cujos resultados foram positivos são:

\_\_\_\_\_

b) os expoentes cujos resultados foram negativos são:

\_\_\_\_\_

### Propriedades

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

$$a^m : a^n = a^{m-n}$$

$$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$$

$$(a : b)^n = a^n : b^n$$

$$(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$$

### FIQUE LIGADO!!!

A potenciação é uma multiplicação de fatores iguais.

## Recapitulando...

Um número qualquer, elevado ao expoente 1, é sempre igual ao próprio número.

Observe:

$$(-2)^1 = -2$$

$$(+7)^1 = +7$$

Um número qualquer, diferente de zero, elevado ao expoente zero, é igual a 1.

Observe:

$$3^5 : 3^5 = 3^{5-5} = 3^0$$

$$3^5 : 3^5 = 1 \Rightarrow 3^0 = 1$$

$$a^m : a^n = a^{m-n}$$

41 - Aplique as propriedades da potenciação e reduza a uma só potência:

a)  $(+2)^2 \times (+2)^3 = 4 \times \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} \leftrightarrow (2 \times 2) \times (2 \times 2 \times 2) = 2^{2+3} = 2^5$

b)  $(-5)^2 \times (-5)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$

Para multiplicar potências de mesma base, conservamos a base e \_\_\_\_\_ os expoentes.

c)  $(+3)^3 : (+3)^2 = 27 : \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} \leftrightarrow (3 \cdot 3 \cdot 3) : (3 \cdot 3) = 3^{3-2} = 3^1 = 3$

d)  $(-4)^3 : (-4)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$

Em uma divisão de potências de bases iguais, repetimos a base e \_\_\_\_\_ os expoentes.



## Você sabia?

As potências que possuem expoente 2 recebem nomes especiais. Assim como as que possuem expoentes 3. Quando o expoente é **dois**, chamamos de **quadrado** e quando o expoente é **três**, chamamos de **cuvo**. Exemplos:

$7^2$  - lê-se: sete ao **quadrado**;

$13^3$  - lê-se: treze ao **cuvo**.

### Para refletir...

*Será que  $(-4)^2$  é igual a  $-4^2$ ?*

Vamos analisar cada expressão:

▪  $(-4)^2$  significa que a base  $(-4)$  está elevada ao expoente 2, ou seja:

$$(-4)^2 = (-4) \cdot (-4) = +16$$

▪  $-4^2$  corresponde a  $-(4^2)$ , ou seja, é o oposto de uma potência de base 4 e expoente 2.

Então:

$$-4^2 = -[4 \cdot 4] = -16$$

Logo:  $(-4)^2 \neq -4^2$

### Para refletir...

*Será que  $(3^2)^3$  é igual a  $3^2^3$ ?*

Vamos analisar cada expressão:

▪  $(3^2)^3$  significa que a base  $(3^2)$  está elevada ao expoente 3, ou seja:

$$(3^2)^3 = (3^2) \cdot (3^2) \cdot (3^2) = 9 \cdot 9 \cdot 9 = 729$$

Assim,  $(3^2)^3 = 729$

▪  $3^2^3$  significa a base 3 elevada ao expoente  $2^3$ . Assim:

$$3^2^3 = 3^{2 \cdot 2 \cdot 2} = 3^8 = 6\ 561$$

Logo:  $(3^2)^3 \neq 3^2^3$

### FIQUE LIGADO!!!

Base negativa e expoente par → resultado positivo.  
Base negativa e expoente ímpar → resultado negativo.

42 - Qual o valor das seguintes potências?

a)  $(+2^4)^3 =$  \_\_\_\_\_

b)  $(-3^2)^4 =$  \_\_\_\_\_

c)  $-5^2 =$  \_\_\_\_\_

d)  $(-2^3)^5 =$  \_\_\_\_\_

e)  $(-5)^2 =$  \_\_\_\_\_

f)  $-3^2 =$  \_\_\_\_\_

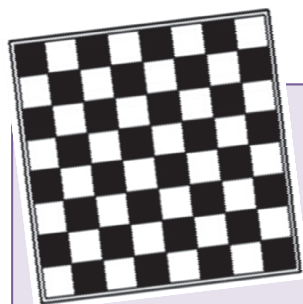


Jogando e aprendendo +

Link do jogo:  
<http://goo.gl/FaFuz>

## RADICIAÇÃO

Para começar a construir um tabuleiro de xadrez, basta desenhar 64 quadradinhos, da seguinte forma:

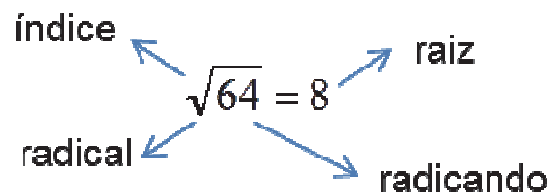


No tabuleiro, temos 64 quadradinhos:

$$64 = 8^2 = 8 \cdot 8$$

É possível desenhar 64 quadradinhos no tabuleiro, tendo cada lado do tabuleiro 8 partes iguais.

Assim:  $\sqrt{64} = 8$ , pois  $8^2 = 8 \times 8 = 64$



43 - Complete:

a)  $(+6)^2 = 36$ , então  $\sqrt{36} = \underline{\hspace{2cm}}$  porque  $\underline{\hspace{2cm}}^2 = 36$ .

b)  $(+7)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ , então  $\sqrt{49} = \underline{\hspace{2cm}}$  porque  $\underline{\hspace{2cm}}^2 = 49$ .

c)  $(+5)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ , então  $\sqrt{25} = \underline{\hspace{2cm}}$  porque  $\underline{\hspace{2cm}}^2 = 25$ .

d) O quadrado de um número é sempre um número positivo porque  $\underline{\hspace{2cm}}$

e) Então, concluímos que não existe raiz quadrada de número negativo, porque todo número inteiro ao quadrado é sempre  $\underline{\hspace{2cm}}$

**FIQUE LIGADO!!!**

- A radiciação é a operação inversa da potenciação.
- Apenas quadrados perfeitos possuem raiz quadrada exata em  $\mathbb{Z}$  (conjunto dos números inteiros).
- Números negativos não possuem raízes quadradas em  $\mathbb{Z}$ , pois não há número que, multiplicado por ele mesmo, tenha como resultado um número negativo.  
Ex.:  $3^2 = 9$  //  $(-3)^2 = 9$  //  $(-3) \cdot (-3) = +9$

44 - O tabuleiro de damas, assim como o de xadrez, possui formato quadrado e é formado por 64 quadradinhos.

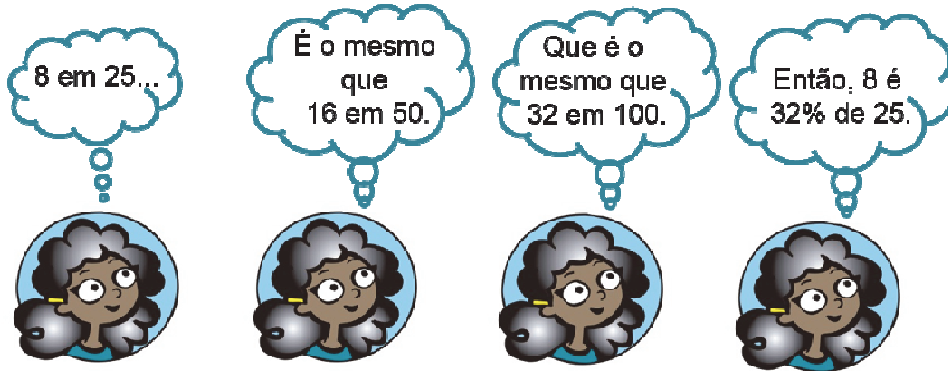
a) Cada lado do tabuleiro de damas tem  $\underline{\hspace{2cm}}$  quadradinhos.

b) Se esse tabuleiro fosse formado por 81 quadradinhos, quantos quadradinhos teria cada lado desse tabuleiro?  
 $\underline{\hspace{2cm}}$

c) Se esse tabuleiro fosse formado por 100 quadradinhos, quantos quadradinhos teria cada lado desse tabuleiro?  
 $\underline{\hspace{2cm}}$

# PORCENTAGEM

MULTIPLI



$$\frac{8}{25} = \frac{16}{50} = \frac{32}{100} \rightarrow 8 \text{ é } \underline{\hspace{2cm}} \text{ de } 25.$$

1 - Utilizando a proporcionalidade, a menina calculou, mentalmente, quanto por cento **8** é de **25**. Faça como ela e complete as sentenças a seguir:

- |                        |                        |
|------------------------|------------------------|
| a) 15 é _____ de 25.   | b) 6 é _____ de 20.    |
| c) 330 é _____ de 300. | d) 120 é _____ de 100. |
| e) 40 é _____ de 50.   | f) 7 é _____ de 20.    |
| g) 150 é _____ de 200. | h) 400 é _____ de 50.  |
| i) 12 é _____ de 25.   |                        |

2 – Escreva os números decimais, apresentados a seguir, na forma de fração irredutível:

- a) 0,6
- b) 1,2
- c) 0,24
- d) 0,25
- e) 0,75
- f) 1,25
- g) 0,125
- h) 0,35
- i) 0,22
- j) 1,4

## DIC@

**Fração irredutível** – é aquela que não pode mais ser simplificada.

Exemplo:

$$\frac{3}{6} = \frac{1}{2} \rightarrow \text{Fração irredutível}$$





















# PLANO CARTESIANO



O PLANO CARTESIANO se parece muito com o jogo chamado Batalha Naval. Vamos jogar?

## BATALHA NAVAL

Esse jogo associa linha e coluna. Cada ponto é formado pelo encontro de uma letra da linha (horizontal) com o número da coluna (vertical). É jogado por duas pessoas e tem, como objetivo, descobrir em que quadrados estão localizadas as embarcações do oponente. São elas:

					<b>1 Porta-aviões</b>
					<b>2 Fragatas</b>
					<b>2 Destroyers</b>
					<b>4 Submarinos</b>







### Observações importantes:

- Não é permitido que 2 embarcações se toquem.
- O jogador não deve revelar ao oponente as localizações de suas embarcações.
- Após cada um dos disparos, o oponente avisará se acertou e, nesse caso, qual a embarcação que foi atingida. Se ela for afundada, esse fato também deverá ser informado.
- Uma embarcação é afundada quando todas as casas que formam essa embarcação forem atingidas.
- O jogo termina quando um dos jogadores afundar todas as embarcações do seu oponente. Este será declarado campeão.

Exemplo:









### Jogador 1:

- um porta-aviões de coordenadas (7,C), (7,D), (7,E) e (7,F);
- um destroyer de coordenadas (1,C) e (2,C);
- um submarino de coordenadas (9,J).

J										
I										
H										
G										
F										
E										
D										
C										
B										
A										
	01	02	03	04	05	06	07	08	09	10

### Jogador 2:

- um porta-aviões de coordenadas (5,J), (5,I), (5,H) e (5,G);
- uma fragata de coordenadas (5,E), (6,E) e (7,E);
- um submarino de coordenadas (8,D).

J										
I										
H										
G										
F										
E										
D										
C										
B										
A										
	01	02	03	04	05	06	07	08	09	10

## FIQUE LIGADO!!!

O **PLANO CARTESIANO** é formado por dois eixos perpendiculares, sendo o horizontal chamado de **eixo das abscissas (eixo x)** e o vertical de **eixo das ordenadas (eixo y)**.

Observe como localizamos um ponto no plano cartesiano:

**A (3, 5)**

B (-3, 3)

C (-1, 4)

D (-3, -3)

F (-4, 0)

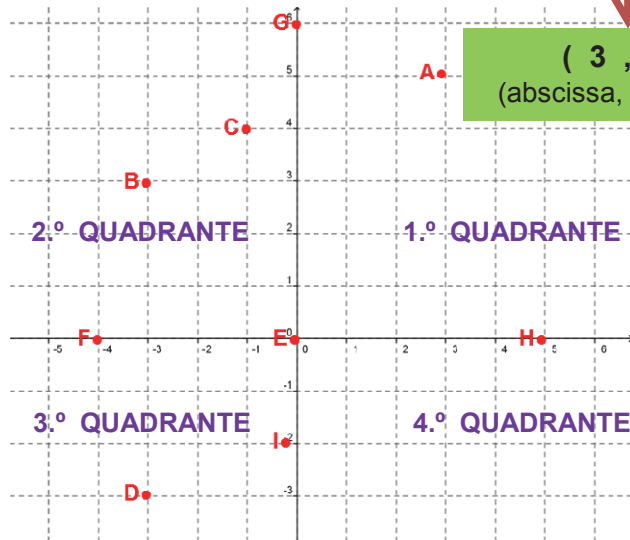
G (0, 6)

H (5, 0)

I (0, -2)

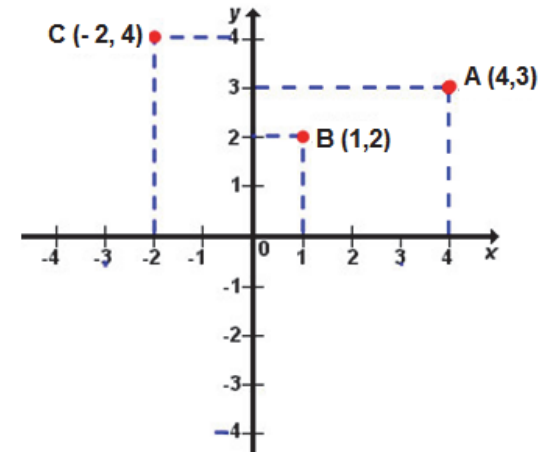
O ponto E (0,0) é a **origem** do plano cartesiano.

**E (0, 0)**

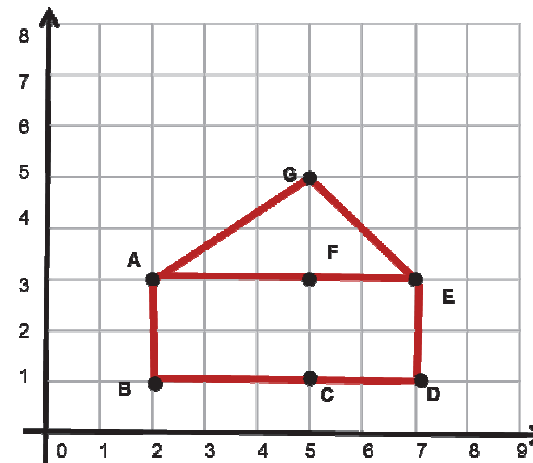


As disposições dos eixos, no plano cartesiano, formam quatro quadrantes, como mostrados na figura.

Cada ponto do plano cartesiano é chamado de **PAR ORDENADO**. Este par ordenado tem a seguinte forma: (x, y). Isto significa que o 1.º elemento do par ordenado será marcado no eixo x e o 2.º elemento do par ordenado será marcado no eixo y. Observe:



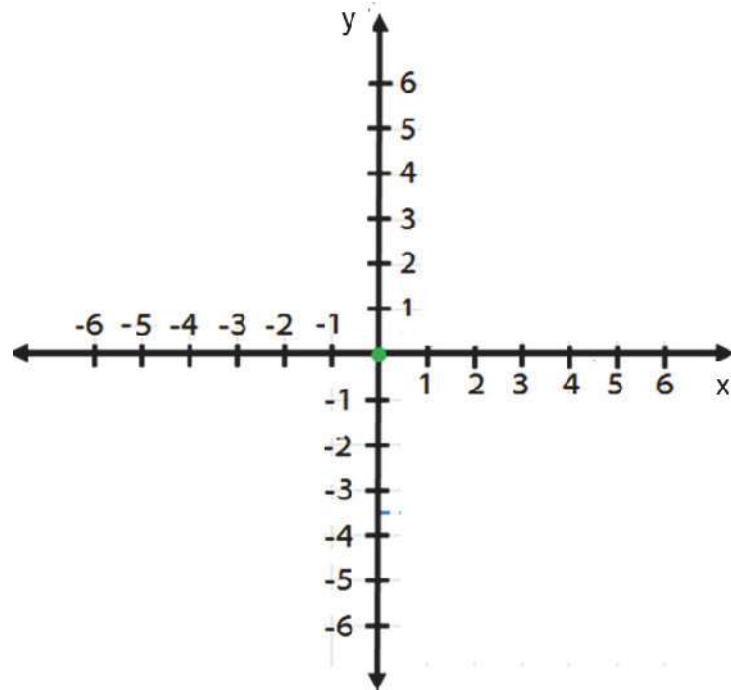
1 - Quais são os pares ordenados correspondentes aos pontos pretos que formam a casinha?



- A (\_\_\_\_, \_\_\_\_)
- B (\_\_\_\_, \_\_\_\_)
- C (\_\_\_\_, \_\_\_\_)
- D (\_\_\_\_, \_\_\_\_)
- E (\_\_\_\_, \_\_\_\_)
- F (\_\_\_\_, \_\_\_\_)
- G (\_\_\_\_, \_\_\_\_)

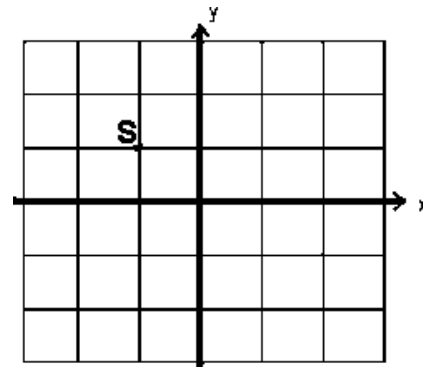
2 - Marque os pares ordenados no plano cartesiano:

A (3, 5)    B (-3, 3)    C (-1, 4)    D (-3, -3)    E (0, 0)  
 F (-4, 0)    G (0, 6)    H (5, 0)    I (0, -2)

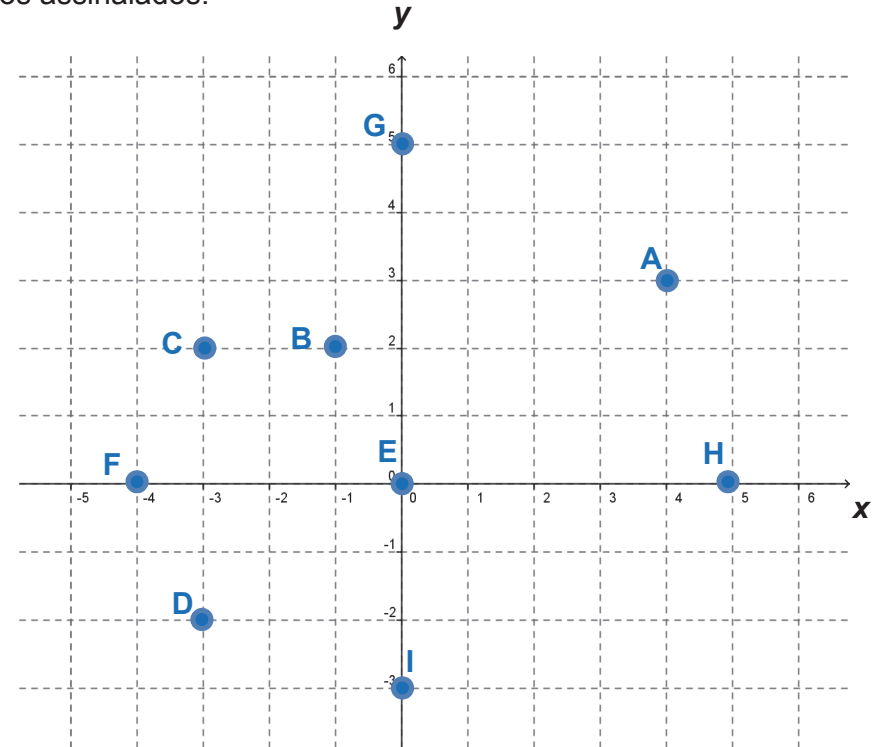


3 - (Faetec/2007 - adaptada) No plano cartesiano, representado abaixo, está destacado o ponto S.  
 As coordenadas de S são:

- (A) (-1, 1).
- (B) (0, 1).
- (C) (1, -1).
- (D) (1, 0).
- (E) (1, 1).



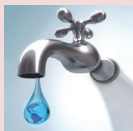
4 - Indique a qual quadrante ou a qual eixo pertence cada um dos pontos assinalados:



- A (4, 3) \_\_\_\_\_
- B (-1, 2) \_\_\_\_\_
- C (-3, 2) \_\_\_\_\_
- D (-3, -2) \_\_\_\_\_
- E (0, 0) \_\_\_\_\_
- F (-4, 0) \_\_\_\_\_
- G (0, 5) \_\_\_\_\_
- H (5, 0) \_\_\_\_\_
- I (0, -3) \_\_\_\_\_

# TRATAMENTO DA INFORMAÇÃO

## Você sabia?

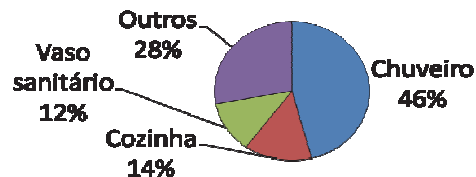


No Brasil, o consumo de água, por pessoa, pode chegar a mais de 200 litros/dia. Gastar mais de 120 litros de água por dia é jogar dinheiro fora e desperdiçar nossos recursos naturais.



<http://goo.gl/8uGFO>

### CONSUMO DE ÁGUA



1 - Este gráfico representa um exemplo do consumo de água em uma residência de **quatro** moradores.

a) Qual dos itens consome mais água? \_\_\_\_\_

b) O que pode ser realizado para reverter o gasto com o chuveiro?  
\_\_\_\_\_

c) Considerando o gráfico acima e que 120 litros de água é o consumo médio diário de cada um dos moradores, quanto esses quatro moradores, juntos, consomem de água:

- na cozinha? \_\_\_\_\_
- no vaso sanitário? \_\_\_\_\_
- no chuveiro? \_\_\_\_\_
- no banheiro (considerando apenas chuveiro e vaso sanitário)?  
\_\_\_\_\_
- em outros setores da casa? \_\_\_\_\_



2 - Que tal realizar uma entrevista com seus colegas?

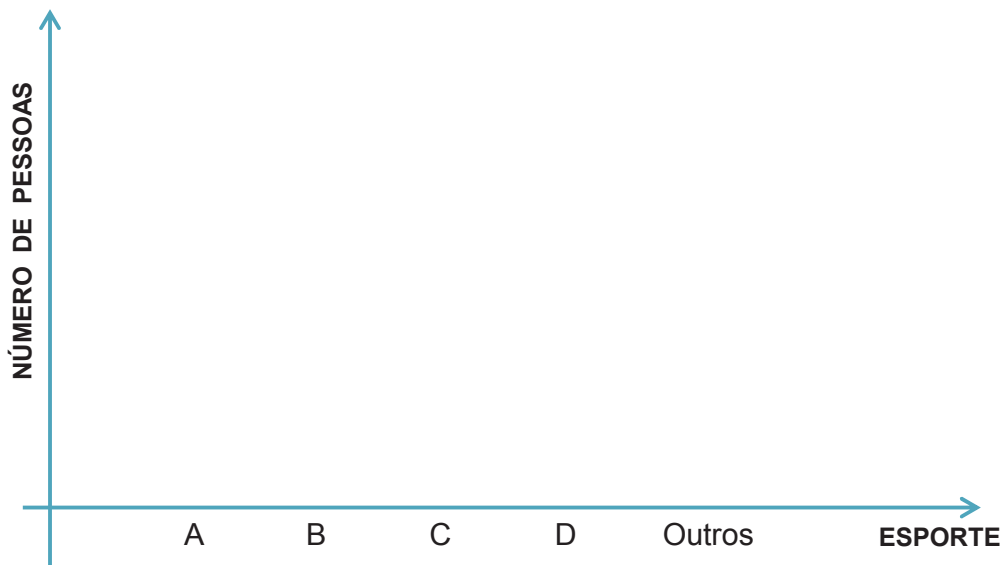
a) Considere 4 modalidades esportivas e verifique a preferência do grupo:

Esporte A = Voleibol  
Esporte B = Ciclismo  
Esporte C = Natação  
Esporte D = Futebol

b) Entreviste seus colegas, pelo menos 20 deles, e verifique qual a preferência em relação a estas quatro modalidades. Cada colega só poderá optar por uma modalidade esportiva.

c) Represente, abaixo, o resultado encontrado, por meio de um gráfico de colunas.

## ESPORTE PREFERIDO



**RIO**   
**PREFEITURA**